# ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА И ОСОБЕННОСТИ СПЕКТРОВ ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ВОЗБУЖДЕНИЙ ВАЛЕНТНО-НЕСТАБИЛЬНЫХ СОЕДИНЕНИЙ НА ОСНОВЕ Sm И Ce

Е. В. Нефедова<sup>\*</sup>, П. А. Алексеев, В. Н. Лазуков, И. П. Садиков

Российский научный центр «Курчатовский институт» 123182, Москва, Россия

Поступила в редакцию 5 декабря 2002 г.

На основе экспериментальных данных по спектрам элементарных возбуждений, измеренных с помощью неупругого рассеяния нейтронов, по теплоемкости и коэффициенту теплового расширения проанализирована взаимосвязь между спектральными характеристиками электронной и фононной подсистем и особенностями температурной зависимости термодинамических свойств ряда валентно-нестабильных соединений на основе Sm и Ce. Аномальное поведение термодинамических свойств этих соединений обусловлено особенностями их фононного и электронного (4f- и электронов проводимости) спектров. Перестройка 4f-электронного спектра при изменении температуры играет определяющую роль при формировании температурных зависимостей теплоемкости и коэффициента теплового расширения валентно-нестабильных систем.

PACS: 65.40.-b, 61.10.-i, 75.30.Mb

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Для валентно-нестабильных соединений на основе редкоземельных элементов характерно наличие достаточно большого аномального (или дополнительного) вклада в температурные зависимости теплоемкости и коэффициента теплового расширения по сравнению с изоструктурными аналогами с пустой или полностью заполненной 4*f*-оболочкой [1,2]. Как известно, для редкоземельных соединений со стабильным магнитным моментом аномальный вклад в термодинамические свойства обусловлен наличием 4f-мультиплетов, расщепленных в кристаллическом электрическом поле [3]. Это «традиционное» объяснение аномального вклада в термодинамику не может быть использовано в случае валентно-нестабильных соединений, так как в этих системах за счет частичной делокализации 4f-электронов эффекты кристаллического электрического поля в обычном понимании отсутствуют.

Как правило, аномальный вклад в валентно-не-

стабильных соединениях, полученный как разница между теплоемкостями или коэффициентами теплового расширения валентно-нестабильного соединения и его структурного аналога, считается электронным по природе и непосредственно связанным только с валентной нестабильностью, т.е. нецелочисленной заселенностью 4*f*-оболочки. В одной из первых работ [4] электронная аномалия коэффициента теплового расширения валентно-нестабильных соединений интерпретировалась как следствие изменения заселенности 4*f*-оболочки редкоземельного иона с температурой. По сути, во всех последующих работах степень заселенности 4*f*-оболочки была одним из основных параметров, который рассматривался при анализе термодинамических свойств [5-7]. По мере развития представлений о явлении валентной нестабильности отмечалась необходимость учета различных взаимодействий, которые имеют место в валентно-нестабильных системах (в частности электрон-фононного [8]) и которые приводят к изменению внутренней энергии и энтропии валентно-нестабильных систем. Следует отметить, что рассмотрение парциальных составляющих, связанных

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup>E-mail: elene@isssph.kiae.ru

с различными взаимодействиями, позволило объяснить тепловые свойства тяжелофермионных соединений в широкой области температур, в частности CeRu<sub>2</sub>Si<sub>2</sub> [9]. Однако для количественных расчетов аномальных термодинамических и упругих свойств валентно-нестабильных соединений, как правило, вводилась интегральная характеристика. В частности, в работе [10] используется феноменологическая масштабная функция для электронный части свободной энергии, которая пропорциональна характерному для рассматриваемых систем универсальному энергетическому масштабу Т<sub>0</sub>. Объемная зависимость электронный части свободной энергии определяется объемной зависимостью T<sub>0</sub>. Это позволяет для описания электронного и электрон-фононного вкладов ввести электронный параметр Грюнайзена  $\Gamma_{el} = -d[\ln T_0]/d[\ln V]$  (где V — объем), в терминах которого может быть рассчитано большинство термодинамических величин. Изложенный выше подход дает неплохое согласие расчета с экспериментом при T < T<sub>0</sub>, но проблема физического понимания особенностей аномалий коэффициента теплового расширения для различных соединений (знак, амплитуда, область существования) не может быть полностью решена. Например, несмотря на то что характерная температура (T<sub>0</sub> ~ 150 K) и величины изменения валентности в области температур 4–300 К ( $|\Delta v_{RE}| \sim 0.05$ ) сравнимы для SmB<sub>6</sub> [11] и CeNi [12], аномальные вклады в коэффициент теплового расширения SmB<sub>6</sub> [13, 14] и CeNi [15, 16] имеют противоположные знаки, а также существенно разные масштаб и область существования аномалии.

При анализе термодинамических свойств ряда специфических валентно-нестабильных соединений (так называемых кондо-изоляторов), в которых при низкой температуре формируется щель в электронной плотности состояний вблизи энергии Ферми, именно наличие щели рассматривают в качестве основной причины появления существенного дополнительного вклада в теплоемкость и коэффициент теплового расширения. Например, значительная аномалия, обнаруженная в электронной составляющей теплоемкости и коэффициента теплового расширения SmB<sub>6</sub>, была интерпретирована как вклад, возникающий в результате возбуждения электронов через полупроводниковую щель порядка 5 мэВ [17]. Было получено неплохое согласие модельного расчета с экспериментом, но при этом авторы рассмотрели достаточно узкий температурный интервал (T < 80 K) и ограничились только одним бинарным соединением. Значительная отрицательная составляющая коэффициента теплового расширения в

области более высоких температур (T > 100 K) [14] осталась без объяснений.

Таким образом, при анализе термодинамических свойств в известных нам работах либо вводился (в рамках феноменологического подхода) универсальный интегральный параметр, либо рассматривалась выделенная конкретная особенность системы. Однако при этом, во-первых, не учитывался реальный энергетический спектр возбуждений 4f-электронов и его перестройка с температурой, которая, как известно, существенна. Второй важный момент, на который следует обратить внимание, это необходимость учета электрон-фононного взаимодействия. Действительно, ряд валентно-нестабильных соединений на основе Sm и Се демонстрирует значительные изменения фононных дисперсионных кривых по сравнению со структурными аналогами [18, 19]. Перенормировка фононных частот в валентно-нестабильных соединениях может привести к появлению дополнительного вклада в теплоемкость и коэффициент теплового расширения по сравнению с данными для изоструктурного аналога. Наконец, в-третьих, при рассмотрении кондо-изоляторов, т.е. систем с валентной нестабильностью и щелью в электронной плотности состояний вблизи энергии Ферми, необходимо учитывать особенности плотности состояний электронов проводимости вблизи энергии Ферми наряду (а не вместо) с 4f-электронным вкладом и особенностями спектра колебаний решетки.

Целью настоящей работы было оценить на примере соединений  $\mathrm{Sm}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{B}_6$  и  $\mathrm{Ce}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{Ni}$  вклад в термодинамику валентно-нестабильных соединений, связанный с особенностями реальных спектральных характеристик электронной (4f- и электронов проводимости) и решеточной подсистем, и на этой основе определить роль отдельных вкладов в формировании аномальных теплоемкости и коэффициента теплового расширения в широкой области температур. Гексаборид самария (SmB<sub>6</sub>) известен как «классическое» валентно-нестабильное соединение с «сильной» промежуточной валентностью. Валентность ионов Sm при комнатной температуре  $v_{\mathrm{Sm}}$   $\sim$  2.55 и уменьшается при охлаждении до  $v_{\rm Sm} \sim 2.50$  [11]. Важной особенностью SmB<sub>6</sub> является наличие узкой щели в электронной плотности состояний вблизи энергии Ферми, которая оценивалась в ранних работах равной примерно 5-10 мэВ [2,13]. Недавно были выполнены детальные исследования кинетических характеристик SmB<sub>6</sub> на качественных образцах [20–22]. В этих работах экспериментально показано и теоретически

обосновано [23], что по крайней мере два различных энергетических масштаба определяют электронный транспорт в SmB<sub>6</sub>: гибридизационная щель, равная примерно 10-20 мэВ, и «примесная» зона вблизи дна зоны проводимости ( $\Delta \sim 3$  мэВ). Меньший энергетический масштаб обусловлен формированием связанного электрон-поляронного комплекса в результате быстрых валентных флуктуаций на каждом ионе Sm. Концентрация носителей в «примесной» зоне оценивается равной примерно  $10^{17}~{\rm cm^{-3}}$  [23]. CeNi — интерметаллическое валентно-нестабильное соединение с «умеренной» промежуточной валентностью ( $v_{\rm Ce} \sim 3.11$  при комнатной температуре и  $v_{\rm Ce} \sim 3.14$  при T = 10 K [12]). Спектры решеточных и 4*f*-электронных возбуждений SmB<sub>6</sub> и CeNi изучены достаточно детально [24]. Кроме того, валентное состояние редкоземельного иона в обоих соединениях может целенаправленно изменяться при замещении иона Sm (или Ce) на La. Изменение валентного состояния приводит к заметной трансформации 4f-электронного и фононного спектров. Следовательно, изучение разбавленных систем  $(\mathrm{Sm}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{B}_6$  и  $\mathrm{Ce}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{Ni})$  предоставляет возможность проверить общность выводов, полученных для стехиометрических соединений, а также более надежно установить общие закономерности формирования аномалий в термодинамических свойствах.

#### 2. РАСЧЕТ ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИХ СВОЙСТВ

Аномальные вклады в термодинамические свойства валентно-нестабильных соединений  $Sm_{1-x}La_xB_6$  и  $Ce_{1-x}La_xNi$  рассматривались в рамках единого подхода как результат сложения независимых в первом приближении составляющих, связанных с реальными особенностями фононного и электронного (4*f*-и электронов проводимости) спектров.

Для расчета аномального вклада в теплоемкость было использовано следующее выражение:

$$\Delta C(T) = C_f(T) + \Delta C_{lat}(T) + C_q(T), \qquad (1)$$

где  $C_f$  — теплоемкость, обусловленная особенностями спектра возбуждений 4f-электронов. Значение  $C_f$  определялось на основе экспериментально измеренного спектра возбуждений 4f-электронов валентно-нестабильных соединений, структура которого дает информацию о плотности состояний 4f-электронов. При расчете теплоемкости учиты-

валась кратность вырождения основного состояния редкоземельного иона;  $\Delta C_{lat}$  — дополнительный решеточный вклад в теплоемкость валентно-нестабильных соединений, возникающий в результате перенормировки фононных частот в валентно-нестабильных соединениях по сравнению с изоструктурными материалами. Он был получен как разница между решеточным вкладом в теплоемкость валентно-нестабильного соединения и соответствующим вкладом в теплоемкость изоструктурного аналога, который не содержит 4*f*-электронов. В случае SmB<sub>6</sub> плотность фононных состояний была получена из экспериментально измеренных дисперсионных кривых [18] на основе модельных расчетов, учитывающих вклад экситон-фононного взаимодействия. Для CeNi использовалась фононная плотность состояний, полученная из экспериментов по неупругому рассеянию нейтронов [25]. Величина  $C_a$  — это вклад в теплоемкость, обусловленный щелью в электронной плотности состояний вблизи уровня Ферми. Этот вклад был получен для соединений  $Sm_{1-x}La_{x}B_{6}$  как разница между полным экспериментальным аномальным вкладом в теплоемкость и расчетными вкладами  $C_f$  и  $\Delta C_{lat}$ .

Соответствующие парциальные вклады в коэффициент теплового расширения валентно-нестабильных соединений ( $\alpha_i$ ) определялись на основе соотношения Грюнайзена путем подгонки коэффициентов Грюнайзена ( $\Gamma_i$ ). В расчете не учитывалась возможная температурная зависимость коэффициентов Грюнайзена. Полный аномальный вклад в коэффициент теплового расширения ( $\Delta \alpha$ ) получался как сумма отдельных парциальных вкладов:

$$\Delta \alpha(T) = \alpha_f(T) + \Delta \alpha_{lat}(T) + \alpha_g(T) =$$
  
=  $V^{-1} X_T \left[ \Gamma_f C_f(T) + \Gamma_{lat}^* \Delta C_{lat}(T) + \Gamma_g C_g(T) \right], \quad (2)$ 

где  $\alpha_f$  — вклад, определяемый спектром возбуждений 4f-электронов;  $\Delta \alpha_{lat}$  — дополнительный решеточный вклад, связанный с трансформацией фононных спектров;  $\alpha_g$  — вклад от щели в плотности электронных состояний вблизи энергии Ферми; V — молярный объем;  $X_T$  — изотермическая сжимаемость. Для рассматриваемых соединений молярный объем и изотермическая сжимаемость слабо зависят от температуры. В расчете их значения брались как постоянные параметры. Значения изотермической сжимаемости для SmB<sub>6</sub> (0.125 · 10<sup>-4</sup> см<sup>3</sup> · Дж<sup>-1</sup>) и CeNi (1.02 · 10<sup>-4</sup> см<sup>3</sup> · Дж<sup>-1</sup>) взяты соответственно из [26] и [27].

#### 3. РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

Все расчеты и анализ проводились на основе полученной нами в течение ряда лет экспериментальной информации о спектрах 4f-электронных и решеточных возбуждений [14, 18, 19, 24, 25], детальных данных о температурных зависимостях коэффициента теплового расширения для  $Sm_{1-x}La_xB_6$ и  $Ce_{1-x}La_xNi$  [14, 16], а также теплоемкости для  $Sm_{1-x}La_xB_6$  [14].

#### 3.1. Соединение $Sm_{1-x}La_xB_6$

Рассмотрим возможные составляющие (или причины) аномальной теплоемкости  $SmB_6$ . На рис. 1 представлены температурные зависимости экспериментального аномального вклада в теплоемкость  $SmB_6$  [14] в области низких температур, который уже анализировался в литературе [2,17], а также расчетные (полный и парциальные) вклады в теплоемкость  $SmB_6$ .

 $\Phi$ ононные дисперсионные кривые  $\mathrm{SmB}_6$  значительно отличаются от фононных дисперсионных кривых изоструктурного аналога LaB<sub>6</sub> [18]. Эти различия связаны с наличием резонансного взаимодействия нормальных колебаний кристаллической решетки с дипольными (*f*-*d*) и монопольными (f-f) возбуждениями 4f-оболочки Sm, т.е. на фононный спектр LaB<sub>6</sub> как бы накладывается электрон-фононное взаимодействие, которое «искажает» его, по сути, в силу возникающей при формировании валентно-нестабильного состояния неадиабатичности электронной подсистемы. В результате плотность фононных состояний SmB<sub>6</sub> смещается в область более низких частот по отношению к LaB<sub>6</sub> (рис. 2, вставка). Это не может не отразиться на температурном поведении теплоемкости. На рис. 2 показаны расчетные решеточные составляющие теплоемкости C<sub>lat</sub> для SmB<sub>6</sub> и LaB<sub>6</sub>. Видно, что  $C_{lat}$  для  ${
m SmB}_6$  заметно превышает значение теплоемкости для LaB<sub>6</sub> в широком диапазоне температур. Следовательно, валентно-нестабильное состояние Sm за счет сильного электрон-фононного взаимодействия и соответствующей перенормировки фононных частот приводит к появлению дополнительного вклада в решеточную теплоемкость ( $\Delta C_{lat}$ ) при T < 300 К в SmB<sub>6</sub> (по сравнению с LaB<sub>6</sub>), который составляет заметную долю от всей аномальной теплоемкости SmB<sub>6</sub> (рис. 1).

Наряду с особенностями в спектре колебаний атомов, гексаборид самария имеет специфический спектр возбуждений 4*f*-электронов [24]



Рис. 1. Температурная зависимость экспериментально полученного аномального вклада в теплоемкость SmB<sub>6</sub> (•) [14] и расчетные парциальные вклады. Штриховая линия — вклад, связанный с 4f-электронными состояниями ( $C_f$ ). Пунктир — дополнительный решеточный вклад ( $\Delta C_{lat}$ ). Штрихпунктир — вклад, описывающий электронную щель вблизи энергии Ферми (Са). Сплошная линия полный расчетный вклад в аномальную теплоемкость SmB<sub>6</sub>. На вставке изображена низкоэнергетическая часть магнитного отклика для SmB<sub>6</sub> [24]. Большой стрелкой отмечено низкоэнергетическое возбуждение при  $E_{ex} \approx 14$  мэВ; тонкой — сильно уширенный спин-орбитальный переход  $J_0 
ightarrow J_1$ для  $Sm^{2+}$  ( $E \approx 36$  мэВ)

(рис. 1, вставка). Основные особенности спектра 4f-электронов SmB<sub>6</sub> — это большая ширина спин-орбитального возбуждения ( $J_0 \rightarrow J_1$ ) и наличие дополнительного узкого низкоэнергетического возбуждения (отмечено стрелкой на вставке рис. 1), связанного с формированием при низкой температуре нового основного квантовомеханически смешанного состояния иона самария. С ростом температуры интенсивность низкоэнергетического возбуждения уменьшается, но появляется квазиупругая компонента. Такой спектр состояний 4f-электронов и его трансформация с температурой дают дополнительно существенный вклад  $C_f$  в аномальную теплоемкость SmB<sub>6</sub> (рис. 1).

После вычитания из экспериментально определенной аномальной теплоемкости  $SmB_6$  суммы двух составляющих ( $C_{lat} + C_f$ ) в  $\Delta C(T)$  остается часть с



Рис.2. Температурная зависимость решеточного вклада в теплоемкость для SmB<sub>6</sub> (сплошная линия) и LaB<sub>6</sub> (штриховая линия), рассчитанная из фононной плотности состояний (см. текст). На вставке: фононная плотность состояний акустических ветвей в SmB<sub>6</sub> (сплошная линия) и LaB<sub>6</sub> (штриховая линия)

максимумом при  $T \approx 30$  K, которая, по-видимому, связана с эффектом возбуждения электронов через щель в спектре электронных состояний вблизи энергии Ферми (C<sub>q</sub>). Как отмечалось во Введении, в настоящее время надежно установлено, что для SmB<sub>6</sub> характерны два энергетических масштаба: гибридизационная щель и «примесная» зона [21]. Если из температурной зависимости  $C_q(T)$  оценить величину щели, используя двухуровневую модель, то получается величина порядка 60 К. Полученное значение близко к масштабу гибридизационных эффектов (при этом надо принять во внимание возможную зависимость собственно размера щели от температуры). Отсутствие заметного влияния «примесной» зоны на термодинамические свойства, по-видимому, обусловлено, во-первых, низкой плотностью состояний этой зоны и, во-вторых, термической диссоциацией «примесных» состояний при  $T \sim 15$  К [23].

Таким образом, формирование аномального вклада в теплоемкость гексаборида самария связано с тремя особенностями этой системы: сильным электрон-фононным взаимодействием, специфическим спектром состояний 4*f*-электронов, существованием щели в плотности электронных состояний вблизи энергии Ферми. В соответствии с



Рис. 3. Температурная зависимость экспериментально полученного аномального вклада в коэффициент теплового расширения для  $\operatorname{Sm}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{B}_6$  [14] и расчетные парциальные вклады: a - x = 0;  $\delta - x = 0.22$ ; e - x = 0.5. Пунктир — дополнительный решеточный вклад ( $\Delta \alpha_{lat}$ ). Штриховая линия — вклад, связанный с 4f-электронными состояниями ( $\alpha_f$ ). Штрихпунктир — вклад, описывающий электронную щель вблизи энергии Ферми ( $\alpha_g$ ). Сплошная линия — полный расчетный вклад в коэффициент теплового расширения  $\operatorname{Sm}_{1-x}\operatorname{La}_x\operatorname{B}_6$ 

соотношением Грюнайзена (2), аномальный вклад в коэффициент теплового расширения SmB<sub>6</sub> также должен иметь три составляющие. На рис. За представлены аномальный вклад в коэффициент теплового расширения SmB<sub>6</sub>, полученный экспериментально [14], и расчетные составляющие

Таблица 1. Коэффициенты Грюнайзена парциальных составляющих аномального вклада в коэффициент теплового расширения для соединений Sm<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>B<sub>6</sub>

Образец	$\Gamma_f$	$\Gamma^*_{lat}$	$\Gamma_g$
${ m SmB}_6$	-1.5	-0.4	-1.5
${ m Sm}_{0.78}{ m La}_{0.22}{ m B}_6$	-1.2	-0.9	-1.0
$\mathrm{Sm}_{0.5}\mathrm{La}_{0.5}\mathrm{B}_{6}$	-1.0	-1.2	-1.0

коэффициента теплового расширения. Видно, что суммарный расчетный коэффициент теплового расширения воспроизводит основные особенности температурной зависимости экспериментального аномального вклада в коэффициент теплового расширения. Однако расчетный коэффициент теплового расширения имеет более плавную температурную зависимость, чем экспериментальный. Это, возможно, связано с несколько упрощенным подходом, используемым в настоящей работе. В расчете предполагалось, что коэффициенты Грюнайзена не зависят от температуры. По-видимому, когда рассматриваются системы с сильным взаимодействием электронной и решеточной подсистем, необходимо учитывать некоторую температурную зависимость коэффициента Грюнайзена.

Полученные при расчете отрицательные значения парциальных коэффициентов Грюнайзена (табл. 1) имеют экспериментальное обоснование. Информацию о знаке Г могут дать, например, эксперименты под давлением, так как  $\Gamma \propto d(\ln E)/dP$  (где E — характерная энергия подсистемы, P — давление). Исследования электросопротивления гексаборида самария как функции давления обнаружили линейное уменьшение величины щели с ростом давления [28]. Следовательно, коэффициент Грюнайзена  $\Gamma_g$  должен быть отрицательным.

Из нейтронных экспериментов под давлением известно, что наблюдаемое при нормальном внешнем давлении экситоноподобное магнитное возбуждение при  $E_{ex} = 14$  мэВ (вставка на рис. 1) смещается в область более низких энергий ( $E_{ex} = 7$  мэВ при P = 7 ГПа) [29]. Это указывает на отрицательное значение  $\Gamma_f$ .

Несколько сложнее дело обстоит с коэффициентом Грюнайзена для дополнительного решеточного вклада. В настоящее время отсутствуют измерения фононных дисперсионных кривых SmB<sub>6</sub> под давлением. Поэтому в данной работе мы ограничиваемся лишь качественными соображениями о возможности возникновения отрицательного значения  $\Gamma_{lat}^*$ . В нормальных кубических системах с целочисленной валентностью уменьшение объема элементарной ячейки приводит к увеличению фононных частот. В SmB<sub>6</sub>, который характеризуется частично делокализованными 4*f*-электронами, экспериментально установлено [18] смягчение фононного спектра по сравнению с LaB<sub>6</sub>, несмотря на существенно меньший объем элементарной ячейки гексаборида самария. Так как при приложении небольшого внешнего давления ионы самария становятся более «промежуточновалентными» [29] (валентность ионов самария под давлением  $v_{\rm Sm} \rightarrow 3^+$  [30]), логично предположить, что следствием этого является еще большее смягчение фононных частот в SmB<sub>6</sub>. Т. е. отрицательное значение коэффициента Грюнайзена Г<sub>lat</sub> не противоречит физическим представлениям, имеющим место для этого соединения. Чтобы сделать окончательное заключение относительно знака  $\Gamma_{lat}^*$ , необходимы прямые измерения фононных дисперсионных кривых под давлением.

Анализ аномального коэффициента теплового расширения SmB<sub>6</sub> показал (рис. 3*a*), что при низкой температуре (T < 100 K) коэффициент  $\Delta \alpha(T)$  в основном связан с особенностями спектра 4f-электронов и щелью в плотности электронных состояний вблизи энергии Ферми. Ранее аномальный вклад в коэффициент теплового расширения при T < 100 К интерпретировался либо как следствие наличия щели [17], либо как результат температурного изменения валентности иона Sm [2]. При T > 100 K существенный отрицательный вклад определяется в основном сильным электрон-фононным взаимодействием. Следует отметить, что ранее причины появления дополнительной составляющей коэффициента теплового расширения при T > 100 К были непонятны, поскольку валентность ионов самария при температурах выше 110 К остается постоянной величиной [11], а влияние электронных составляющих существенно ослабляется.

Рассмотрим соединения на основе SmB<sub>6</sub>, для которых валентное состояние иона самария изменяется при замещении Sm на La (Sm<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>B<sub>6</sub>). Во всех тройных соединениях также присутствует дополнительный отрицательный вклад в коэффициент теплового расширения (рис. 36, e), но основная особенность (минимум  $\Delta \alpha$  (T) при T < 100 K) смещается в область более высоких температур. Обсудим зависимость  $\Delta \alpha$ (T) для разбавленных соединений с точки зрения роли всех составляющих, которые ответственны за аномальный коэффициент теплового расширения в SmB<sub>6</sub>. Исследование спектров решеточных возбуждений Sm<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>B<sub>6</sub> показало, что во всех разбавленных соединениях наблюдается общее смягчение акустических фононов по сравнению с LaB<sub>6</sub>, но по сравнению с SmB<sub>6</sub> изменение фононных частот в них незначительно [14]. Поэтому предложенная для описания спектров колебаний решетки SmB<sub>6</sub> экситонная модель в целом, по-видимому, справедлива и для разбавленных систем. Следовательно, в аномальный коэффициент теплового расширения разбавленных образцов должна входить составляющая  $\Delta \alpha_{lat}$ , связанная с электрон-фононным взаимодействием. Так как допирование лантаном не привело к значительным изменениям фононного спектра гексаборида самария, величина  $\Delta \alpha_{lat}$  в разбавленных системах осталась такой же, как и в SmB<sub>6</sub> (рис. 3б, в).

Составляющая  $\alpha_f(T)$ , обусловленная наличием 4f-электронов, в соединениях  $Sm_{1-x}La_xB_6$  существенно отличается от аналогичной составляющей для SmB<sub>6</sub>, что связано с качественными изменениями спектров возбуждений 4f-электронов. По данным неупругого магнитного рассеяния нейтронов низкоэнергетическое возбуждение в La-замещенных образцах, связанное с новым основным состоянием ионов самария, имеет другие экспериментальные параметры — энергию, интенсивность и температурную зависимость [29]. Замещение на La приводит к повышению энергии «низкоэнергетического возбуждения», наблюдаемого в SmB<sub>6</sub>, до 25-30 мэВ, причем температурная зависимость интенсивности также изменяется и становится более плавной. Это приводит к заметному смещению максимума  $\alpha_f(T)$ в область более высоких температур и его ослаблению. Наконец, в разбавленных образцах остается составляющая  $\alpha_q(T)$ , которая обусловлена, в основном, щелью вблизи энергии Ферми, по аналогии с SmB<sub>6</sub>. Следует особенно отметить это обстоятельство, поскольку принято считать, что при допировании SmB<sub>6</sub> лантаном щель в спектре электронных состояний исчезает уже при небольших концентрациях La [2]. Наши результаты термодинамических измерений [14] свидетельствуют о существовании щели во всех разбавленных образцах вплоть до x = 0.5. Утверждение об отсутствии щели в разбавленных образцах основано лишь на измерениях электросопротивления и, по-видимому, не в полной мере отражает микроскопические свойства, поскольку дополнительные состояния, внесенные ионами лантана, «шунтируют» щель в кинетических измерениях. Однако вид плотности состояний кардинальным образом не изменяется. Дополнительные состояния

1272

проявляются, например, в заметном росте величины коэффициента Зоммерфельда при низких температурах [14].

В целом, значения  $\Delta \alpha_{cal}(T)$  для  $\mathrm{Sm}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{B}_6$ неплохо согласуются с экспериментом. Следовательно, аномальный вклад в коэффициент теплового расширения для  $\mathrm{Sm}_{1-x}\mathrm{La}_x\mathrm{B}_6$  имеет три составляющие. Для разбавленных систем высокотемпературный аномальный отрицательный вклад в коэффициент теплового расширения главным образом определяется электрон-фононным взаимодействием, а при T < 150 К — особенностями спектра состояний 4f-электронов. Хорошо видно, что смещение положения минимума  $\Delta \alpha(T)$  при T < 100 К в разбавленных соединениях относительно SmB<sub>6</sub> в основном является результатом качественного изменения спектра 4f-электронов.

Анализ температурной зависимости коэффициента теплового расширения в широкой области температур для соединений Sm<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>B<sub>6</sub> показал следующее. Для всех рассматриваемых соединений аномальный вклад  $\Delta \alpha(T)$  может быть объяснен при учете основных особенностей этих соединений: наличия узкой щели в спектре электронных состояний вблизи энергии Ферми и валентно-нестабильного состояния иона самария, которое влияет на параметры спектров магнитных и решеточных возбуждений. Оказалось, что при низких температурах величина  $\Delta \alpha(T)$  главным образом определяется вкладом, связанным со спектром 4f-электронов, и наличием щели в спектре электронных состояний. Значительный вклад в коэффициент теплового расширения и теплоемкость при T > 80-100 K связан с проявлением электрон-фононного взаимодействия, т.е. с результатом влияния валентно-нестабильного состояния ионов Sm на динамику решетки.

# 3.2. Соединение $Ce_{1-x}La_xNi$

Вещество CeNi является металлом, поэтому  $\Delta C(T)$  и  $\Delta \alpha(T)$  будут определяться только влиянием валентно-нестабильного состояния на спектр магнитных и решеточных возбуждений.

Рассмотрим температурную зависимость аномального вклада в теплоемкость CeNi. В CeNi, так же, как и в SmB<sub>6</sub>, можно ожидать появления вклада, связанного с перенормировкой фононных частот, так как недавно было экспериментально обнаружено сильное смягчение фононных колебаний в CeNi по сравнению с LaNi [19]. Оказалось, что, в отличие от SmB<sub>6</sub>, разница в спектрах решеточных колебаний CeNi и LaNi приводит к появлению



Рис.4. Температурная зависимость экспериментально полученного аномального вклада в теплоемкость CeNi ( $\circ$ ) [15] и расчетные парциальные вклады. Штриховая линия — вклад, связанный с 4f-электронными состояниями ( $C_f$ ). Пунктир — дополнительный решеточный вклад ( $\Delta C_{lat}$ ). Сплошная линия — полный расчетный вклад в аномальную теплоемкость CeNi. На вставке: обобщенная функция фононных состояний для CeNi ( $\bullet$ ) и LaNi ( $\Box$ ), полученная из экспериментов по неупругому рассеянию нейтронов [25]

составляющей теплоемкости  $\Delta C_{lat}$  только при низких температурах (рис. 4). Причина различия дополнительных решеточных вкладов  $\Delta C_{lat}$  в CeNi и SmB<sub>6</sub> связана с существенно более «мягким» колебательным спектром CeNi (рис. 4, вставка). Весь спектр RNi укладывается в диапазон 0–5 ТГц, причем акустическая область, где наблюдается смягчение, соответствует диапазону 0–2 ТГц [24]. Полный спектр SmB<sub>6</sub> тянется до 40 ТГц. На вставке к рис. 2 показана лишь акустическая область для SmB<sub>6</sub>.

Составляющая теплоемкости  $C_f$ , обусловленная присутствием 4f-электронов, была рассчитана на основе экспериментальной информации о спектре 4f-электронов в CeNi с учетом его температурной зависимости [24]. На рис. 4 видно, что расчетная теплоемкость в целом позволяет описать основные особенности теплоемкости, полученной экспериментально. Оказалось, что основная причина формирования аномального вклада в теплоемкость CeNi обусловлена существованием необычного спектра состояний 4f-электронов при низкой температуре и его перестройкой с повы-

Таблица 2. Коэффициенты Грюнайзена парциальных составляющих аномального вклада в коэффициент теплового расширения для соединений Ce<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>Ni

Образец	$\Gamma_f$	$\Gamma^*_{lat}$
CeNi	2.0	2.0
$\mathrm{Ce}_{0.5}\mathrm{La}_{0.5}\mathrm{Ni}$	1.5	1.0

шением температуры. Однако экспериментальный аномальный вклад в теплоемкость отличается по абсолютному значению от расчетного при T < 200 К. Значение энтропии для 4*f*-электронного вклада (около 9 Дж·(моль·K)<sup>-1</sup>  $\approx R \ln 3$ , где R — газовая постоянная), полученное при интегрировании расчетного аномального вклада в теплоемкость, существенно меньше значения энтропии, определенного интегрированием экспериментального вклада в той же температурной области (около 13.5 Дж·(моль·K)<sup>-1</sup>  $\approx R \ln 5$ ). Этот факт свидетельствует о том, что в данной системе наряду с рассмотренными вкладами присутствуют дополнительные степени свободы, которые не учитывались в наших расчетах, но могли бы привести к изменению внутренней энергии системы. В частности, наличие когерентности в подрешетке редкоземельных ионов, связанной, скорее всего, с магнитным взаимодействием, и ее существенная роль в формировании низкотемпературных свойств отмечались при исследовании соединений  $\operatorname{Ce}_{1-x}(Y,\operatorname{La})_x \operatorname{Ni}[12,16].$ 

Перейдем к рассмотрению аномального вклада в коэффициент теплового расширения  $\Delta \alpha(T)$  для CeNi (рис. 5a). Аномальный вклад в коэффициент теплового расширения CeNi  $\Delta \alpha(T)$  неплохо описывается в широкой области температур, если значения парциальных коэффициентов Грюнайзена Г ~ 2 (табл. 2). В отличие от соединений на основе  ${\rm SmB}_6$ , для CeNi коэффициенты Грюнайзена  $\Gamma_f$  и  $\Gamma_{lat}^*$  имеют положительные значения. Положительное значение Г f может быть обосновано исследованиями спектра магнитных возбуждений при приложении «химического» давления. Действительно, замещение Се на La (введение ионов лантана в решетку CeNi вызывает ее расширение, что эквивалентно приложению «отрицательного» внешнего давления) приводит к смещению спектра 4f-электронов в область более низких энергий [25]. Для обоснования положительного знака  $\Gamma^*_{lat}$  требуются дополнительные эксперименты по исследованию фононных кривых под давлением или при химическом замещении.

 $\Delta \alpha$ , 10<sup>-5</sup> K<sup>-1</sup>



Рис.5. Температурная зависимость экспериментально полученного аномального вклада в коэффициент теплового расширения  $Ce_{1-x}La_xNi$  [16] и расчетные парциальные вклады: a - x = 0;  $\delta - x = 0.5$ . Пунктир — дополнительный решеточный вклад ( $\Delta \alpha_{lat}$ ). Штриховая линия — вклад, связанный с 4f-электронными состояниями ( $\alpha_f$ ). Сплошная линия — полный расчетный вклад в коэффициента теплового расширения. На вставках: магнитный отклик для CeNi и Ce<sub>0.5</sub>La<sub>0.5</sub>Ni. Линии — результат подгонки [25]

На рис. 5*a* видно, что для CeNi огромная положительная аномалия в  $\Delta \alpha(T)$  в основном определяется спектром состояний 4*f*-электронов. Этот вывод нашел убедительное подтверждение при расчете  $\Delta \alpha(T)$  для соединений Ce<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>Ni, в которых валентность иона церия приближается к 3<sup>+</sup> по мере замещения Ce на La. При изучении спектров возбуждений 4*f*-электронов методом неупругого рассеяния нейтронов [25] было обнаружено, что при допировании CeNi лантаном происходит качественная трансформация спектра 4*f*-электронов (рис. 5*a*,

на с переходом ионов Се из состояния с промежуточной валентностью в состояние с почти локализованным магнитным моментом (кондо-состояние). Видно, что расчетное значение  $\Delta \alpha(T)$  для соединения Ce<sub>0.5</sub>La<sub>0.5</sub>Ni хорошо соответствует экспериментальному аномальному вкладу и не только учитывает смещение максимума в область более низких температур, но и отражает постепенное его уменьшение (рис. 56). Разбавление приводит к нарушению когерентности в подрешетке редкоземельных ионов, т.е. возможный дополнительный вклад в коэффициент теплового расширения, который обсуждался при анализе CeNi, исчезает в разбавленных соединениях. Действительно, описание температурной зависимости коэффициента теплового расширения значительно улучшается для разбавленного соединения. Таким образом, основная причина сильного изменения  $\Delta \alpha(T)$  в Ce<sub>1-x</sub>La<sub>x</sub>Ni обусловлена модификацией спектра возбуждений 4*f*-электронов в результате перехода иона Се из состояния с промежуточной валентностью в состояние с почти локализованным магнитным моментом. Напомним, что в SmB<sub>6</sub> замещение лантаном не вызывало исчезновения ни расчетного, ни экспериментального экстремумов коэффициента теплового расширения. Валентно-нестабильное состояние иона Sm характерно для всех рассматриваемых в данной работе самариевых соединений [14].

б, вставки). Причина такой трансформации связа-

Итак, температурная зависимость коэффициента теплового расширения  $Ce_{1-x}La_xNi$  в основном определяется спектром возбуждений 4f-электронов. Однако при низких температурах нельзя не учитывать составляющую, связанную с особенностями спектра решеточных возбуждений.

### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Аномальный вклад в температурную зависимость термодинамических величин валентно-нестабильных систем на основе Се и Sm в широкой области температур может быть описан при учете реальных особенностей спектров возбуждений электронной и фононной подсистем. Оказалось, что появление низкотемпературной (T < 80 K) аномалии теплоемкости и коэффициента теплового расширения SmB<sub>6</sub> обусловлено специфическим спектром 4*f*-электронных состояний и наличием щели в электронной плотности состояний вблизи энергии Ферми. При T > 100 K значительная отрицательная аномалия коэффициента теплового расширения возникает из-за сильного электрон-фононного взаимодействия и связанного с ним изменения фононных частот. Перенормировка фононных частот в CeNi по отношению к LaNi приводит к возникновению заметной составляющей при низкой температуре. Аномальный вклад в теплоемкость и огромный положительный аномальный вклад в коэффициент теплового расширения CeNi главным образом определяются необычным спектром 4f-электронов. Общая и главная причина сильной модификации температурной зависимости коэффициента теплового расширения соединений на основе Sm и Ce состоит в трансформации спектра 4f-электронных состояний.

Мы считаем своим приятным долгом поблагодарить А. С. Мищенко, К. А. Кикоина, В. Г. Вакса, А. А. Чернышова, Е. С. Клементьева и Ж.-М. Миньо за полезные обсуждения. Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант №№ 02-02-16521, 03-02-17467), а также в рамках программы «Ведущие научные школы» и Российской Государственной Программы «НИКС».

## ЛИТЕРАТУРА

- J. M. Lawrence, P. S. Riseborough, and R. D. Parks, Rep. Progr. Phys. 44, 24 (1981).
- P. Wachter, in Handbook on the Physics and Chemistry of Rare Earth, ed. by K. A. Gschneidner, Jr. L. Eyring, G. H. Lander, and G. R. Choppin, North-Holland, Amsterdam (1994), Vol. 19, p. 177.
- 3. H.-G. Purwins, Ann. Phys. 7, 329 (1972).
- 4. E. Müller-Hartmann, Sol. St. Comm. 31, 113 (1979).
- N. E. Bickers, D. L. Cox, and J. W. Wilkins, Phys. Rev. B 36, 2036 (1987).
- A. S. Edelstein and N. C. Koon, Sol. St. Comm. 48, 269 (1983).
- R. Pott, R. Schefzyk, D. Wohlleben et al., Z. Phys. B: Condens. Matt. 44, 17 (1981).
- G. Creuzet and D. Gignoux, Phys. Rev. B 33, 515 (1986).
- A. Lacerda, A. de Visser, P. Haen et al., Phys. Rev. B 40, 8759 (1989).
- 10. R. Takke, M. Niksch, W. Assmus et al., Z. Phys. B: Condens. Matter 44, 33 (1981).

- J. M. Tarascon, Y. Isikawa, B. Chevalier et al., J. de Phys. 41, 1135 (1980).
- 12. В. Н. Лазуков, Е. В. Нефедова, В. В. Сиколенко и др., ФММ 93, 61 (2002).
- 13. J. M. Tarascon, Y. Isikawa, B. Chevalier et al., J. de Phys. 41, 1141 (1980).
- 14. Е. В. Нефедова, П. А. Алексеев, Е. С. Клементьев и др., ЖЭТФ 115, 1024 (1999).
- D. Gignoux, F. Givord, R. Lemaire et al., J. Less Comm. Met. 94, 165 (1983).
- 16. В. Н. Лазуков, П. А. Алексеев, Е. С. Клементьев и др., ЖЭТФ 113, 1731 (1998).
- 17. D. Mandrus, J. L. Sarrao, A. Lacerda et al., Phys. Rev. B 49, 16809 (1994).
- 18. P. A. Alekseev, A. S. Ivanov, B. Dorner et al., Europhys. Lett. 10, 457 (1989).
- 19. E. S. Clementyev, M. Braden, V. N. Lazukov et al., Physica B 259&261, 42 (1999).
- 20. B. Gorshunov, N. Sluchanko, A. Volkov et al., Phys. Rev. B 59, 1808 (1999).
- 21. N. E. Sluchanko, V. V. Glushkov, B. P. Gorshunov et al., Phys. Rev. B 61, 9906 (2000).
- 22. S. Gabáni, K. Flachbart, E. Konovalova et al., Sol. St. Comm. 117, 641 (2001).
- 23. S. Curnoe and K. A. Kikoin, Phys. Rev. B 61, 15714 (2000).
- 24. P. A. Alekseev, V. N. Lazukov, J.-M. Mignot, and I. P. Sadikov, Physica B 281&282, 34 (2000).
- 25. V. N. Lazukov, P. A. Alekseev, E. S. Clementyev et al., Europhys. Lett. 33(2), 141 (1996).
- 26. S. Nakamura, T. Goto, M. Kasaya, and S. Kunii, J. Phys. Jpn. 60, 4311 (1991).
- 27. D. Gignoux, C. Vettier, and J. Voiron, J. Magn. Magn. Mat. 70, 388 (1987).
- И. В. Берман, Н. Б. Брант, В. В. Мощалков и др., Письма в ЖЭТФ 38, 393 (1983).
- 29. P. A. Alekseev, J.-M. Mignot, V. N. Lazukov et al., J. Sol. St. Chem. 133, 230 (1997).
- 30. J. Röhler, in Handbook on the Physics and Chemistry of Rare Earth, ed. by K. A. Gschneidner, Jr., L. Eyring, and S. Hüfner, North-Holland, Amsterdam (1987), Vol. 10, p. 453.