РЕЗОНАНСНАЯ ВНУТРЕННЯЯ КОНВЕРСИЯ В ВОДОРОДОПОДОБНЫХ ИОНАХ

Ф. Ф. Карпешин

Институт физики Санкт-Петербургского университета 198904, Санкт-Петербург, Россия

М. Б. Тржасковская*

Петербургский институт ядерной физики Российской академии наук 188300, Гатчина, Россия

Ю. П. Гангрский

Объединенный институт ядерных исследований 141980, Дубна, Россия

Поступила в редакцию 2 июня 2003 г.

Рассмотрен эффект резонансной конверсии в водородоподобных ионах. Для *M*1-перехода с энергией 70.6 кэВ в ¹⁷¹ Yb показано, что при совпадении энергий ядерного перехода и перехода единственного 1*s*-электрона в более высокое *ns*-состояние время жизни ядра в возбужденном состоянии уменьшается на пять порядков величины благодаря включению нового канала девозбуждения — резонансной конверсии. Наблюдение резонансной конверсии в водородоподобных ионах дает мощный метод изучения ядерной структуры.

PACS: 23.20.NX

1. ВВЕДЕНИЕ

Резонанс с электронной оболочкой оказывает сильное влияние на девозбуждение ядерных состояний [1-5]. В том случае, если энергии электронного и ядерного переходов близки, энергия ядра может быть передана электронной оболочке. Данный эффект, называемый резонансной, подпороговой или дискретной конверсией, является очень редким процессом в нейтральных атомах, с которыми обычно проводятся эксперименты, из-за крайне низкой вероятности совпадения энергий атомного и ядерного уровней. Действительно, свободные атомные уровни сосредоточены в очень узком интервале энергии (несколько эВ) вблизи порога ионизации атома и имеют очень малую ширину ($\sim 10^{-8}$ эВ). Однако ситуация коренным образом меняется в случае ионов, имеющих лишь один электрон (водородоподобные ионы). В таких ионах диапазон свободных уровней

расширяется до десятков кэВ, а ширина уровней может достигать нескольких эВ. Это на много порядков увеличивает вероятность появления резонансной конверсии.

Резонансная конверсия была открыта экспериментально и исследована теоретически в высокозарядных ионах ¹²⁵Те с зарядом $q \ge 45$ [6–8]. В этих работах наблюдалась подпороговая конверсия на электронах 1*s*-оболочки *M*1-перехода с энергией 35.492 кэВ. Электроны 2*p*-оболочки производят затухание резонанса, которое играет двоякую роль. С одной стороны, затухание уменьшает величину эффекта. С другой стороны, именно благодаря достаточно сильному затуханию удалось наблюдать эффект, так как иначе вероятность перекрывания ядерных уровней с электронными была бы близка к нулю. Ширина уровня, характеризующего затухание, была приблизительно равна 10 эВ.

С этой точки зрения резонансная конверсия в водородоподобных ионах интересна тем, что дает уникальную возможность наблюдать резонансную кон-

^{*}E-mail: trzhask@thd.pnpi.spb.ru

версию в отсутствие затухания. Это обеспечивает огромную величину эффекта ускорения, достигающую многих порядков, так как величина эффекта пропорциональна $(\Delta/\Gamma_a)^2$, где Δ — дефект резонанса, Γ_a — ширина уровня [1]. Положив для оценки $\Delta \approx 1$ эВ, $\Gamma_a \approx 10^{-3}$ эВ, сразу получим, что фактор усиления при резонансе составит 5–6 порядков.

Резонанс можно наблюдать во внешнем магнитном или электрическом поле. Сравнительно большая величина сдвига 1*s*-уровня порядка нескольких эВ, легко достигаемая в современных полях, и наличие сверхтонкой структуры позволяют манипулировать частотой атомного перехода в достаточно широких для достижения точного резонанса пределах. Ранее в работах [1–3] предлагалось использовать излучение лазера, настроенного на разностную частоту, для компенсации дефекта резонанса.

Наблюдение резонансной конверсии в водородоподобных ионах дает мощный метод изучения ядерной структуры. Этот метод позволяет определить энергию ядерного перехода с точностью до атомной ширины, т.е. ~ 10^{-3} эВ. Становится возможным определить магнитный и электрический моменты ядер в основном и возбужденном состояниях.

2. РАСЧЕТНЫЕ ФОРМУЛЫ

Теория резонансной конверсии подробно изложена в работах [1–8]. Фактор конверсии определяется аналогично традиционному коэффициенту внутренней конверсии (КВК) как отношение ширин конверсионного и радиационного переходов:

$$R = \frac{\Gamma_c}{\Gamma_\gamma}.$$
 (1)

Фактор конверси
иRможет быть вычислен по следующей формуле:

$$R = \frac{\alpha_d \Gamma / 2\pi}{\Delta^2 + (\Gamma/2)^2}.$$
 (2)

Здесь α_d — резонансный аналог КВК, вычисленный по тем же формулам, что и обычные КВК. В отличие от последних, однако, α_d имеет размерность энергии. Дефект резонанса $\Delta = \omega_n - \omega_a$ является разностью частот ядерного и электронного переходов¹⁾, Γ — полная ширина промежуточного состояния, обычно равная атомной.

Стандартная ситуация такова, что

$$\frac{\Delta}{\Gamma} \gg 1. \tag{3}$$

Из (2) и (3) следует, что величина $R \ll 1$. Однако, как отмечено во Введении, частоту электронного перехода можно регулировать в определенных пределах, добиваясь точного резонанса. В этом случае, как показано ниже, R достигает значений $R \gg 1$. В работах [1–3] предложено использовать для этой цели лазер. В данном случае можно использовать оптический сдвиг электронного 1*s*-уровня, который возникает в постоянном внешнем электрическом или магнитном поле. Таким образом, можно регулировать энергию перехода в пределах нескольких эВ. Более того, надо учесть также и сверхтонкое расщепление [9].

3. ЭНЕРГИИ И ШИРИНЫ УРОВНЕЙ В ВОДОРОДОПОДОБНЫХ ИОНАХ

Энергии уровней в водородоподобных ионах можно получить, решая уравнение Дирака для движения электрона в кулоновском поле ядра. Результаты таких расчетов с учетом лэмбовского сдвига и конечных размеров ядра представлены в ряде работ [10, 11]. В табл. 1 приведены энергии уровней ns, $np_{3/2}$, $nd_{5/2}$ и $nf_{7/2}$ в водородоподобном ионе ¹⁷¹Yb (Z = 70).

Наличие в водородоподобных ионах уровней с широким набором угловых моментов допускает появление резонансов при любой мультипольности ядерных переходов. Из табл. 1 можно видеть, что диапазон энергий переходов, для которых возможен резонанс, достаточно широк (примерно 18 кэВ для иона ¹⁷¹Yb).

Ширины рассмотренных уровней определяются вероятностями E1 радиационных переходов на разрешенные правилами отбора лежащие ниже состояния. Времена жизни (или приведенные ширины) уровней в атоме водорода представлены в работах [12,13]. В водородоподобных ионах эти ширины

Таблица 1. Энергии уровней (в кэВ) для водородоподобного иона ¹⁷¹Yb [10, 11]

| n | ns | $np_{3/2}$ | $nd_{5/2}$ | $nf_{7/2}$ |
|----|--------|------------|------------|------------|
| 1 | 0 | | | |
| 2 | 53.441 | 54.751 | | |
| 3 | 63.738 | 64.125 | 64.237 | |
| 4 | 67.281 | 67.444 | 67.492 | 67.515 |
| 5 | | | 69.006 | 69.018 |
| 10 | | 71.025 | 71.028 | 71.029 |

 $^{^{1)}}$ Мы используем систему единиц $\hbar=c=m_e=1.$

Таблица 2. Ширины уровней (в эВ) для водородоподобного иона ¹⁷¹Yb [12, 13]

| n | ns | $np_{3/2}$ | $nd_{5/2}$ | $nf_{7/2}$ |
|----|----------------------|------------|------------|------------|
| 2 | | 9.88 | | |
| 3 | $9.91\cdot 10^{-2}$ | 2.94 | 1.02 | |
| 4 | $6.88 \cdot 10^{-2}$ | 1.28 | 0.434 | 0.217 |
| 5 | $4.39\cdot 10^{-2}$ | 0.661 | 0.227 | 0.113 |
| 10 | $1.12 \cdot 10^{-2}$ | 0.0825 | 0.0282 | 0.0141 |
| 50 | $4.35\cdot 10^{-5}$ | 0.00661 | 0.00227 | 0.00113 |

зависят от атомного номера как Z^4 , а от главного квантового числа как n^{-3} . Примеры ширин уровней для водородоподобного иона ¹⁷¹Yb представлены в табл. 2.

4. СВЕРХТОНКОЕ РАСЩЕПЛЕНИЕ УРОВНЕЙ

Сверхтонкое расщепление *ns*-уровней в водородоподобных ионах определяется, в основном, величиной магнитного момента ядра [14]:

$$\Delta W_F = \frac{4}{3} \alpha \left(\frac{\alpha Z}{n}\right)^3 \times \\ \times \frac{\mu}{\mu_N} \frac{m_e}{m_p} \frac{2I+1}{2I} \left[1 + \frac{3}{2} (\alpha Z)^2\right], \quad (4)$$

где μ — ядерный магнитный момент, I — спин ядра, α — постоянная тонкой структуры, m_e и m_p — массы электрона и протона. В табл. 3 представлен пример сверхтонкого расщепления для ядра ¹⁷¹ Yb. Приведенные результаты показывают, что сверхтонкое расщепление заметно влияет на положение резонанса.

Зеемановское расщепление уровней значительно меньше сверхтонкого, так как даже наиболее сильные внешние магнитные поля (~ 10^4 Э) много слабее внутриатомных. Для ¹⁷¹Yb зеемановское расщепление при $H = 10^4$ Э составляет всего 10^{-8} эB.

Таблица 3. Сверхтонкое расщепление для ядра ¹⁷¹Yb

| Ядро | I^{π} | μ/μ_N | $\Delta W_F, \; \mathrm{sB}$ | |
|---------------------|-----------|-------------|------------------------------|---------------------|
| | | | 1s | 10s |
| $^{171}\mathrm{Yb}$ | 1/2 | 0.4397 | 0.569 | $5.69\cdot 10^{-4}$ |

Таблица 4. Результаты расчета энергий ε , радиационных ширин Γ и дискретных КВК α_d для электронных ns-уровней водородоподобного иона 171 Yb в окрестности энергии ядерного M1-перехода

 $\omega_n pprox 70.6$ кэВ

| ns | ε , кэВ | Г, эВ | α_d , кэВ |
|------------|---------------------|--------|------------------|
| 6 <i>s</i> | 69.646 | 0.0445 | 5.39 |
| 7s | 70.166 | 0.0299 | 3.30 |
| 8s | 70.501 | 0.0209 | 2.17 |
| 9s | 70.729 | 0.0150 | 1.50 |
| 10s | 70.892 | 0.0112 | 1.08 |



Рис. 1. Типичный фейнмановский график процесса резонансной конверсии в водородоподобных ионах. Двойная линия соответствует ядерному переходу из возбужденного состояния i^* в основное состояние f

5. РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТА ДЛЯ *М*1-ПЕРЕХОДА В ¹⁷¹Yb

Энергия ядерного перехода в этом случае равна 70.6 кэВ. Значения энергий, радиационных ширин и дискретных КВК вычислены методом Дирака–Фока с учетом конечных размеров ядра, а также высших квантово-электродинамических поправок на поляризацию вакуума, собственную энергию и др. [11]. Расчеты выполнены с использованием пакета программ RAINE [15].

В случае M1-перехода основной вклад в амплитуду (рис. 1) возникает от конверсионного перехода в ns-состояние, для которого энергия перехода близка к энергии ядерного перехода. В резонансном приближении вкладом остальных атомных состояний можно пренебречь вследствие соотношения (3) (см. табл. 4). В свою очередь, радиационные ширины определяются суммарной вероятностью электрических дипольных переходов $ns \rightarrow 2p, 3p, \ldots, (n-1)p$.

Вычисленные значения энергий электронного перехода, радиационных ширин и коэффициентов дискретной конверсии представлены в табл. 4. На рис. 2 мы приводим график вычисленной величи-



Рис. 2. Вычисленное значение фактора резонансной конверсии *R* в водородоподобном ионе ¹⁷¹ Yb в зависимости от энергии ядерного перехода

ны *R*-фактора в зависимости от энергии ядерного перехода в интервале 70.4–70.9 кэВ.

Как видно на рис. 2, в случае совпадения частот $\omega_n = \omega_a$ величина фактора дискретной конверсии достигает пяти порядков величины.

6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

На примере *M*1-перехода с энергией 70.6 кэВ в ¹⁷¹Yb показано, что в водородоподобных ионах фактор резонансной конверсии может достигать многих, в данном случае пяти, порядков величины при совпадении энергий электронного и ядерного переходов. При этом резонансная конверсия становится определяющим каналом девозбуждения ядра. Данный резонанс может наблюдаться путем наложения постоянного внешнего магнитного или электрического поля. Дефект резонанса можно также компенсировать в резонансном поле излучения лазера.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (гранты №№ 99-02-17550, 02-02-17117) и контракта DTRA № DTRA01-01-P-0134 (США).

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Б. А. Зон, Ф. Ф. Карпешин, ЖЭТФ 97, 401 (1990).
- F. F. Karpeshin, I. M. Band, M. B. Trzaskovskaya, and B. A. Zon, Phys. Lett. B 282, 267 (1992).
- F. F. Karpeshin, M. A. Listengarten, B. A. Zon, I. M. Band, and M. B. Trzaskovskaya, Canad. J. Phys. 70, 623 (1992).
- F. F. Karpeshin, I. M. Band, and M. B. Trzhaskovskaya, Nucl. Phys. A 654, 579 (1999).
- 5. F. F. Karpeshin, I. M. Band, M. B. Trzhaskovskaya, and M. A. Listengarten, Phys. Lett. B **372**, 1 (1996).
- F. F. Karpeshin, M. R. Harston, F. Attallah, J. F. Chemin, J. N. Scheurer, I. M. Band, and M. B. Trzhaskovskaya, Phys. Rev. C 53, 1640 (1996).
- Ф. Ф. Карпешин, И. М. Банд, М. Б. Тржасковская, ЖЭТФ 116, 1565 (1999).
- M. R. Harston, T. Carreyre, J. F. Chemin, F. F. Karpeshin, and M. B. Trzhaskovskaya, Nucl. Phys. A 676, 143 (2000).
- F. F. Karpeshin, I. M. Band, M. B. Trzhaskovskaya, S. Wycech, M. Pfutzner, and J. Zylicz, Phys. Rev. C 57, 3085 (1998).
- P. J. Mohr, Atom. Data and Nucl. Data Tables 29, 433 (1983).
- W. R. Johnson and G. Soff, Atom. Data and Nucl. Data Tables 33, 406 (1985).
- Г. Бете, Э. Солпитер, Квантовая механика атомов с одним и двумя электронами, Физматгиз, Москва (1960).
- H. W. Kugel and D. E. Murnick, Rep. Progr. Phys. 40, 297 (1977).
- 14. V. M. Shabaev, M. Tomaselli, T. Kuhl et al., Phys. Rev. A 56, 252 (1997).
- 15. И. М. Банд, М. А. Листенгартен, М. Б. Тржасковская, В. И. Фомичев, Препринты ЛИЯФ № 289 (1976), № 298-300 (1977), № 498 (1979), № 1479 (1989).