

# ПРИГОТОВЛЕНИЕ БИФОТОНОВ В ПРОИЗВОЛЬНОМ ПОЛЯРИЗАЦИОННОМ СОСТОЯНИИ

*Л. А. Кривицкий, С. П. Кулик\*, Г. А. Масленников, М. В. Чехова*

*Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова  
119992, ГСП-2, Москва, Россия*

Поступила в редакцию 6 октября 2004 г.

Описывается эксперимент по приготовлению коррелированных фотонных пар (бифотонов) в произвольном поляризационном состоянии. Такие бифотоны представляют собой кутриты — квантовые системы с тремя собственными состояниями — и могут использоваться в троичных протоколах передачи квантовой информации. Для приготовленных бифотонов экспериментально проверен критерий ортогональности, который был ранее получен теоретически и может быть использован для различия ортогональных бифотонных состояний.

PACS: 03.67.Hk, 42.50.Dw, 42.25.Ja

## 1. БИФОТОНЫ КАК КУТРИТЫ

Большинство протоколов квантовой информации строится на основе двоичной кодировки, т. е. кодировки кубитами [1, 2]. Приготовить кубиты можно множеством разных способов — это могут быть поляризационные состояния однофотонного волнового пакета, состояния частицы со спином  $1/2$ , состояния однофотонного волнового пакета в двухплечевом интерферометре и т. д.

В последнее время появились работы, в которых предлагается кодировка квантовой информации не в двоичной системе (с помощью кубитов), а в троичной — с помощью кутритов [3–5]. Мотивировкой таких работ обычно служит то обстоятельство, что при переходе к квантовым системам с более высокой размерностью обеспечивается большая плотность [3] и более высокая секретность [6] передачи информации. Кутриты — это квантовые системы, имеющие три собственных состояния, как, например, трехуровневый атом или частица со спином 1. Однако известно, что наиболее «удобные» объекты для передачи информации — это фотоны. Существует ряд способов приготовить кутриты на основе фотонов. Так, в работе [7] для троичной кодировки квантовой информации используются состояния фотона в трехплечевом интерферометре, в работе [8] — одно-

фотонные волновые пакеты со спиральным волновым фронтом, в работе [9] — «четверки» фотонов, получаемые при параметрическом рассеянии света.

В работе [4] была предложена троичная кодировка квантовой информации с помощью поляризационных состояний коррелированных пар фотонов — бифотонов, генерируемых за счет спонтанного параметрического рассеяния света (СПР). Этот способ позволяет наиболее просто приготовить произвольное поляризационное состояние кутрита [10, 11], т. е. состояние вида

$$|\Psi\rangle = c_1|2, 0\rangle + c_2|1, 1\rangle + c_3|0, 2\rangle \quad (1)$$

с произвольными амплитудами  $c_1$ ,  $c_2$ ,  $c_3$ . Запись  $|m, n\rangle$  в (1) означает  $m$  фотонов, поляризованных вертикально, и  $n$  фотонов, поляризованных горизонтально. При этом теоретически бифотоны относятся к одной пространственной и частотной моде. Хотя в эксперименте бифотонное поле всегда рождается в частотно-угловом спектре конечной ширины, представление (1) оправдано, если регистрающая часть установки не различает отдельные участки частотно-углового спектра. В силу условия нормировки

$$|c_1|^2 + |c_2|^2 + |c_3|^2 = 1$$

и несущественности общей фазы состояния (1), бифотон задается четырьмя вещественными числами, например, двумя амплитудами

---

\*E-mail: postmast@qopt.phys.msu.su

$$d_1 \equiv |c_1|, \quad d_2 \equiv |c_2|$$

и двумя фазами

$$\varphi_{13} \equiv \arg(c_1 c_3^*), \quad \varphi_{23} \equiv \arg(c_2 c_3^*).$$

Состояние (1) удобно представлять также как пару фотонов, находящихся в произвольных чистых поляризационных состояниях [12]:

$$|\Psi\rangle = \frac{a^\dagger(\vartheta, \varphi)a^\dagger(\vartheta', \varphi')|vac\rangle}{|a^\dagger(\vartheta, \varphi)a^\dagger(\vartheta', \varphi')|vac\rangle|}, \quad (2)$$

где  $a^\dagger(\vartheta, \varphi)$ ,  $a^\dagger(\vartheta', \varphi')$  — операторы рождения фотонов в произвольных поляризационных модах, характеризующихся азимутальными ( $\vartheta, \vartheta'$ ) и полярными ( $\varphi, \varphi'$ ) углами на сфере Пуанкаре.

Представление (2) позволяет наглядно изобразить коррелированную пару фотонов на сфере Пуанкаре. Кроме того, можно показать [12], что такие важные поляризационные характеристики состояния (1), как вектор Стокса и степень поляризации, достаточно просто вычисляются с использованием представления (2). Например, степень поляризации состояния (1) однозначно определяется угловым расстоянием  $\sigma$  между точками, изображающими состояния  $\varphi, \vartheta$  и  $\varphi', \vartheta'$  на сфере Пуанкаре:

$$P = \frac{2 \cos(\sigma/2)}{1 + \cos^2(\sigma/2)}. \quad (3)$$

Здесь следует подчеркнуть, что имеется в виду «обычная» классическая степень поляризации, определяемая через параметры Стокса  $S_0, S_1, S_2, S_3$  [13]:

$$P \equiv \frac{\sqrt{S_1^2 + S_2^2 + S_3^2}}{S_0}. \quad (4)$$

Степень поляризации света (4) можно измерить в эксперименте как максимальную видность модуляции, наблюдаемой в поляризационных зависимостях интенсивности [14]. Поскольку эта величина определяется только вторыми моментами по полю, она считается не очень удачной характеристикой бифотонного света, для которого наиболее интересные эффекты наблюдаются в поведении четвертых моментов. Для описания поляризационного состояния бифотона предлагались другие определения степени поляризации, основанные на четвертых моментах [14–16] — «двуухфотонные степени поляризации». Однако для чистого состояния вида (1) «двуухфотонная» степень поляризации оказывается всегда равной единице [14], и поэтому эта величина не несет информацию о взаимном расположении двух точек

на сфере Пуанкаре, изображающих бифотон. Такая информация содержится только в величине (4).

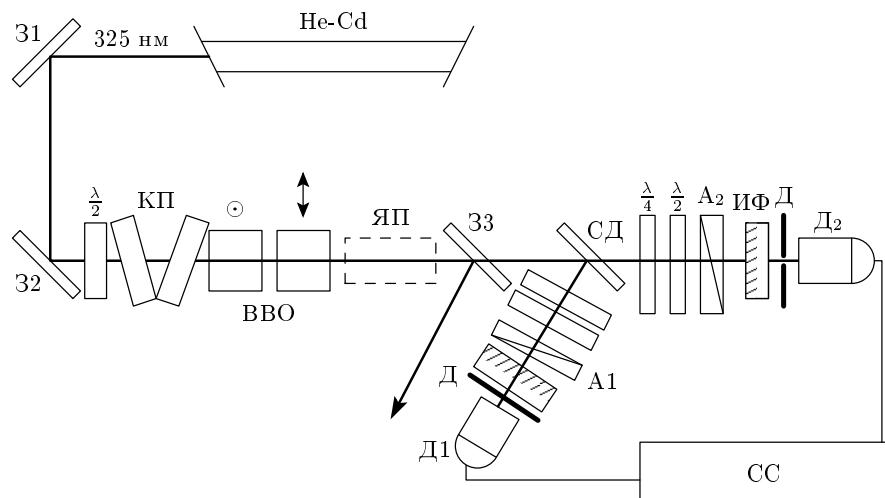
Следует кратко остановиться на случае, когда бифотоны рождаются не в чистом состоянии вида (1), а в смешанном состоянии. Это будет выражаться в том, что между отдельными компонентами состояния (1) появятся фазовые множители с классическими флуктуациями. Иными словами, вместо суперпозиции (1) будет иметь место статистическая смесь нескольких базисных состояний. Приготовить такое бифотонное состояние можно с помощью СПР, возбуждаемого в двух или трех кристаллах от некогерентных накачек. При этом переход к представлению (2) неправомерен, так как состояние (2) — чистое.

## 2. ЭКСПЕРИМЕНТ ПО ПРИГОТОВЛЕНИЮ БИФОТОНА С ПРОИЗВОЛЬНОЙ СТЕПЕНЬЮ ПОЛЯРИЗАЦИИ

Произвольное состояние вида (1) может быть приготовлено с использованием интерферометрической схемы, в которой СПР возбуждается в трех кристаллах с общей накачкой [17]. Однако на практике такая схема неудобна из-за ее нестабильности. В данной работе бифотоны-кутриты произвольного вида приготавливаются с помощью другой схемы, не требующей использования интерферометра.

Прежде всего были выполнены эксперименты по приготовлению и регистрации бифотонов с произвольной степенью поляризации (4), т. е. бифотоны, образованные фотонами со сколь угодно различающимися поляризационными состояниями — от одинаковых до ортогональных.

Экспериментальная установка показана на рис. 1. СПР типа I в коллинеарном частотно-вырожденном режиме возбуждалось в двух кристаллах бета-бората бария (ВВО) излучением гелий-кадмийового лазера с длиной волны 325 нм. Оптические оси кристаллов были расположены так, что в первом кристалле рождались вертикально поляризованные пары фотонов (состояние  $|0, 2\rangle$ ), а во втором кристалле — горизонтально поляризованные пары (состояние  $|2, 0\rangle$ ). Соотношение между модулями комплексных амплитуд этих состояний можно было менять путем поворота полуволновой пластинки, установленной в пучке накачки. Кроме того, наклоном двух пластинок из кристаллического кварца, оптические оси которых были расположены вертикально, можно было менять разность фаз  $\varepsilon$  между состояниями  $|2, 0\rangle$  и  $|0, 2\rangle$ . В результате



**Рис. 1.** Экспериментальная установка: He-Cd — гелий-кадмийевый лазер, 31, 32, 33 — зеркала, отражающие излучение накачки, КП — кварцевые пластины, ВВО — кристаллы бета-бората натрия, Д — диафрагма, ИФ — интерференционный фильтр, СД — неполяризационный светофильтр, А1, А2 — поляризаторы, Д1, Д2 — детекторы (лавинные фотодиоды), ЯП — ячейка Понкельса

после двух кристаллов генерировалась когерентная суперпозиция

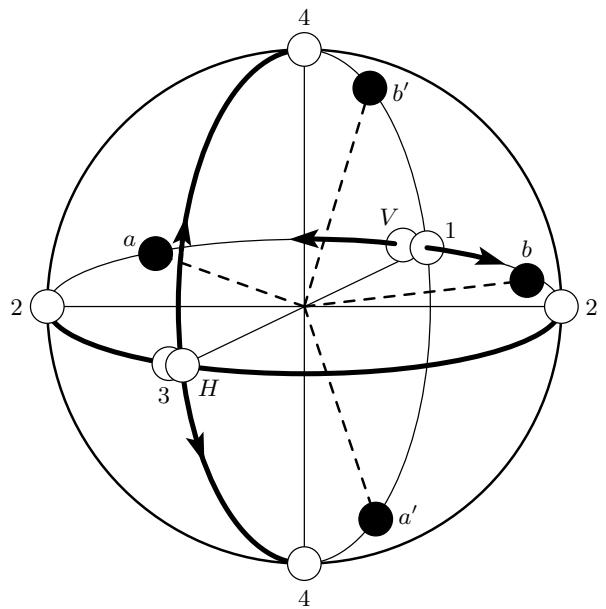
$$|\Psi_1\rangle = \sin(2\chi)|2,0\rangle + e^{i\varepsilon} \cos(2\chi)|0,2\rangle, \quad (5)$$

где  $\chi$  — угол поворота полуволновой пластиинки относительно вертикали. Таким образом, из четырех вещественных параметров, определяющих состояние (1), можно было менять всего два ( $\chi$  и  $\varepsilon$ ), но в результате степень поляризации получающегося состояния могла принимать все значения от 0 до 1.

В начале эксперимента фаза  $\varepsilon$  устанавливалась равной  $\pi$ . При этом с изменением  $\chi$  от  $0^\circ$  до  $45^\circ$  генерируемое состояние менялось от  $|2,0\rangle$  до  $|0,2\rangle$ , причем две точки, изображающие бифотонное состояние, пробегали «экватор» сферы Пуанкаре (рис. 2), оставаясь симметрично расположенными относительно оси  $HV$ . Такое состояние можно представить в виде (2), где

$$\vartheta = \vartheta' = 2 \operatorname{arctg} \left[ \sqrt{\operatorname{ctg}(2\chi)} \right], \quad \varphi = 0, \quad \varphi' = \pi. \quad (6)$$

Например, при  $\chi = 22.5^\circ$  получалось состояние  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$  — состояние пары фотонов, поляризованных линейно под углами  $\pm 45^\circ$  к вертикали. В этом случае генерировался полностью неполяризованный свет (степень поляризации  $P = 0$ ); в целом, степень поляризации изменялась от 1 до 0, а угловое расстояние между двумя изображающими бифотон точками — от нуля до  $\pi$ .



**Рис. 2.** Приготавливаемые состояния на сфере Пуанкаре: 1 — состояние  $|2,0\rangle$ , генерируемое при угле поворота полуволновой пластиинки  $\chi = 0$ ; 2 — состояние  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$ , соответствующее  $\chi = 22.5^\circ$ . При  $\chi = 45^\circ$  приготавливается состояние  $|0,2\rangle$  (3), при  $\chi = 67.5^\circ$  — состояние  $|R, L\rangle$  пары лево- и правоциркулярно поляризованных фотонов (4). Состояния  $|a, b\rangle$ , получаемое при  $\chi = 15^\circ$ , и состояние  $|a', b'\rangle$ , получаемое при  $\chi = 75^\circ$ , были исследованы в данном эксперименте

Заметим, что степень поляризации  $P$  для состояния (5) зависит только от угла ориентации  $\chi$  полуволновой пластинки в пучке накачки:  $P = |\cos(4\chi)|$ . Таким образом, при заданном положении пластинки две точки на сфере Пуанкаре, изображающие бифотон (5), располагались на фиксированном угловом расстоянии друг от друга симметрично относительно оси  $HV$ . При изменении фазы  $\varepsilon$  эти точки одновременно поворачивались вокруг оси  $HV$ .

После кристаллов излучение накачки отсекалось зеркалом, а бифотонный свет после угловой (с помощью диафрагмы) и частотной (с помощью интерференционного фильтра с шириной полосы 10 нм и средней длиной волны 650 нм) селекций направлялся в интерферометр Брауна–Твисса для регистрации четвертых моментов по полю. Интерферометр состоял из 50 % неполяризационного светоделителя (плоскопараллельной пластины, установленной под малым углом ( $15^\circ$ ) к пучку, так что поляризация отраженного и прошедшего света практически не отличалась от поляризации падающего), двух фотодетекторов (лавинных фотодиодов EG&G) и схемы совпадений со временем разрешения 1.5 нс. В плечах интерферометра были установлены линейные поляризационные фильтры, в качестве которых использовались пленочные поляризаторы.

### 3. ДЕМОНСТРАЦИЯ ОРТОГОНАЛЬНОСТИ БИФОТОНОВ-КУТРИТОВ

Для приготовленных бифотонных состояний был проверен операциональный критерий ортогональности, ранее сформулированный в [17]. В работе [17] было показано, что ортогональность бифотонов  $|\Psi_1\rangle$ ,  $|\Psi_2\rangle$  эквивалентна отсутствию совпадений фотоотсчетов на выходе интерферометра Брауна–Твисса, на вход которого подается бифотонное поле в состоянии  $|\Psi_1\rangle$ , а в плечах установлены поляризационные фильтры, выделяющие поляризационные состояния фотонов, составляющих  $|\Psi_2\rangle$ . Для случая экспериментальной установки, показанной на рис. 1, состояние  $|\Psi_2\rangle$ , выделяемое интерферометром, всегда представляло собой пару линейно поляризованных фотонов; однако на вход интерферометра подавались различные состояния  $|\Psi_1\rangle$ : как пары линейно поляризованных фотонов, так и пары эллиптически поляризованных фотонов, причем степень поляризации бифотона менялась, как уже упоминалось, от 1 до 0.

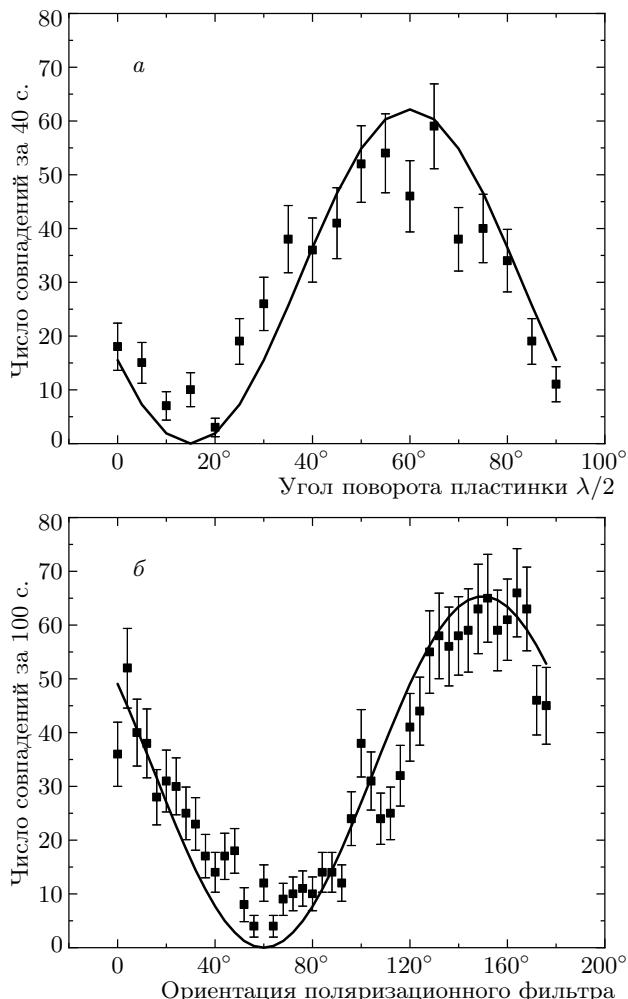
В качестве входного состояния  $|\Psi_1\rangle$  было выбрано

но состояние со степенью поляризации 0.5. Соответствующий бифотон  $|\Psi_1\rangle \equiv |a, b\rangle$  (рис. 2) изображается на сфере Пуанкаре парой точек, расположенных на «экваторе» под углами  $\pm 74.5^\circ$  к оси  $V$ . В соответствии с соотношением (5), такое состояние получалось при  $\chi = 15^\circ$ . Следует подчеркнуть, что существует бесконечно много бифотонных состояний  $|\Psi_2\rangle$ , ортогональных данному. В то же время, если задать поляризационное состояние для одной из «половинок» бифотона  $|\Psi_2\rangle$ , условие ортогональности однозначно определит состояние второй «половинки». В эксперименте было удобно установить один из поляризаторов в интерферометре Брауна–Твисса под углом  $45^\circ$  к вертикали. Расчет показывает, что для выполнения условия ортогональности второй поляризатор должен быть установлен под углом  $60^\circ$  к вертикали.

На рис. 3а представлена зависимость скорости счета совпадений от угла поворота полуволновой пластины  $\chi$  при  $\varepsilon = \pi$  и ориентациях поляризаторов в приемной части установки  $45^\circ$ ,  $60^\circ$ . В соответствии с расчетом, минимум совпадений приходится на угол  $\chi = 15^\circ$ . Если далее зафиксировать полуволновую пластинку в положении  $\chi = 15^\circ$  и вращать поляризатор A1 при ориентации поляризатора A2  $45^\circ$  (рис. 3б), то минимум скорости счета совпадений наблюдается, в соответствии с расчетом, при угле  $60^\circ$ .

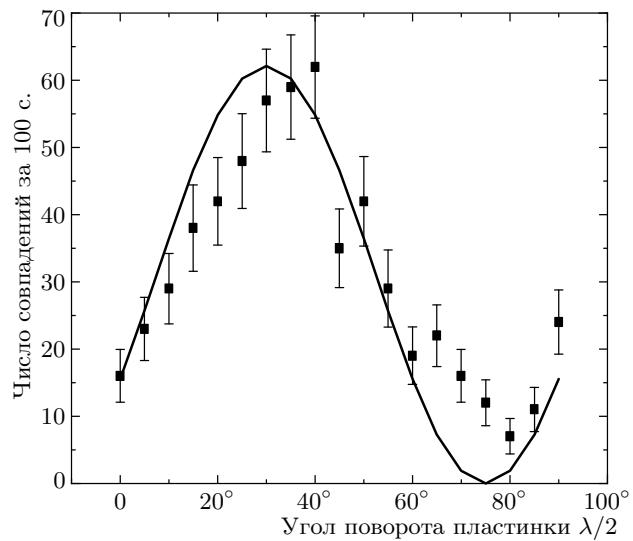
При дальнейшем вращении полуволновой пластины состояние бифотонного поля становится  $|0, 2\rangle$  (при  $\chi = 45^\circ$ ), а затем из-за изменения фазы накачки на  $\pi$  две точки, изображающие «половинки бифотона», начинают «разбегаться» по меридиану сферы Пуанкаре (рис. 2). При  $\chi = 67.5^\circ$  реализуется состояние  $|R, L\rangle$  — состояние пары циркулярно поляризованных фотонов. При  $\chi = 75^\circ$  степень поляризации снова становится равной 0.5, как и для бифотона  $|a, b\rangle$ , однако в этом случае бифотон  $(|a', b'\rangle$  на рис. 2) оказывается составленным из эллиптически поляризованных фотонов. Условие ортогональности выполняется при этом при ориентациях поляризаторов  $45^\circ$  и  $-60^\circ$ , в чем можно убедиться расчетом. Соответственно, скорость счета совпадений, измеренная при таких ориентациях поляризаторов в зависимости от угла поворота полуволновой пластины в пучке накачки, имеет минимум вблизи значения  $\chi = 75^\circ$  (рис. 4).

Измерение скорости счета совпадений проводилось также в зависимости от фазы  $\varepsilon$  (рис. 5). При этом угол  $\chi$  составлял  $15^\circ$  (в результате получалось состояние  $|a, b\rangle$  на рис. 2), а ориентация поляризаторов была  $45^\circ$  и  $60^\circ$ . Минимум скорости счета совпадений наблюдается в окрестности фазы  $\varepsilon = \pi$ .

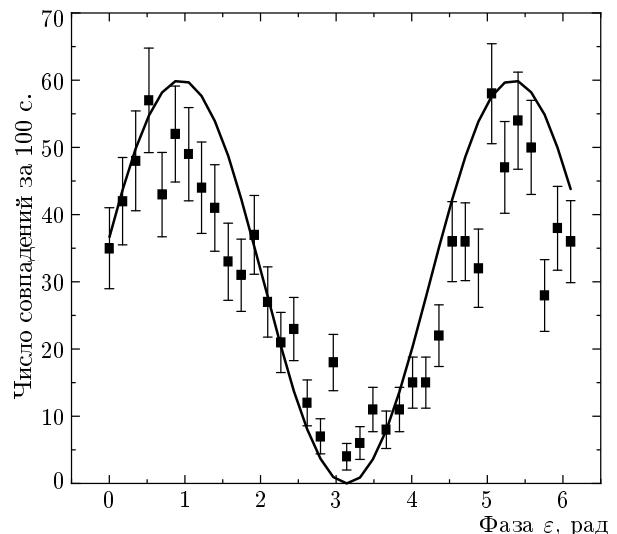


**Рис. 3.** Ортогональность бифотонов при линейной поляризации обоих фотонов пары на входе (состояние  $|a', b'\rangle$  на рис. 2). Фаза  $\varepsilon = \pi$ , ориентации поляризаторов  $45^\circ$  и  $60^\circ$  относительно вертикали. *а* — Скорость счета совпадений в зависимости от угла поворота  $\chi$  полуволновой пластинки. Условие ортогональности выполняется при  $\chi = 15^\circ$ . *б* — Скорость счета совпадений в зависимости от угла поворота поляризатора относительно вертикали. Условие ортогональности выполняется при ориентации  $45^\circ$ . Второй поляризатор при этом ориентирован под углом  $60^\circ$  к вертикали

Кривые на рис. 3–5 построены в соответствии с теоретическим расчетом числа совпадений при заданном состоянии бифотонного поля и заданных положениях поляризаторов в регистрирующей части установки (см., например, [18]). Единственным подгоночным параметром был масштаб зависимостей по вертикали.



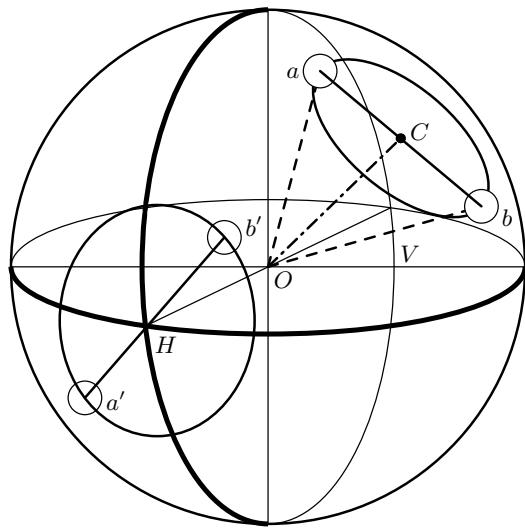
**Рис. 4.** Ортогональность бифотонов при эллиптической поляризации обоих фотонов пары на входе (состояние  $|a', b'\rangle$  на рис. 2). Фаза  $\varepsilon = \pi$ , ориентации поляризаторов  $45^\circ$  и  $-60^\circ$ . Скорость счета совпадений построена в зависимости от угла поворота  $\chi$  полуволновой пластинки. Условие ортогональности выполняется при  $\chi = 75^\circ$



**Рис. 5.** Скорость счета совпадений в зависимости от фазы  $\varepsilon$ . Ориентация полуволновой пластинки  $\chi = 15^\circ$ , ориентация поляризаторов  $45^\circ$  и  $30^\circ$ . Условие ортогональности выполняется при  $\varepsilon = \pi$

#### 4. ПЕРЕХОД К ПРОИЗВОЛЬНОМУ БИФОТОННОМУ СОСТОЯНИЮ

Для того чтобы от бифотона с произвольной степенью поляризации (который изображается двумя



**Рис. 6.** Приготовление произвольно поляризованного бифотона  $|a, b\rangle$  с помощью схемы, изображенной на рис. 1, и ячейки Поккельса, действие которой на поляризованный свет аналогично действию фазовой пластинки переменной толщины и ориентации. Сначала с помощью схемы, изображенной на рис. 1, создается состояние  $|a', b'\rangle$ , а затем ячейка Поккельса переводит это состояние в искомое состояние  $|a, b\rangle$

точками на сфере Пуанкаре с произвольным угловым расстоянием) перейти к бифотону в произвольном поляризационном состоянии (который изображается двумя произвольно расположенными точками на сфере Пуанкаре), нужно иметь возможность преобразовывать состояние (5) любым заданным образом. При этом к двум параметрам  $\varepsilon$ ,  $\chi$ , характеризующим состояние (5), достаточно добавить еще два варьируемых параметра. Этими параметрами могут быть оптическая толщина  $\delta$  и ориентация  $\alpha$  фазовой пластиинки, устанавливаемой в пучок бифотонов после его приготовления.

Тот факт, что добавление фазовой пластиинки произвольной толщины и ориентации к установке, изображенной на рис. 1, позволяет перейти от состояния (5) к произвольному состоянию (1), можно проиллюстрировать простым геометрическим построением на сфере Пуанкаре.

Пусть требуется приготовить произвольное бифотонное состояние  $|a, b\rangle$  (рис. 6). Если подобрать фазовую пластиинку с необходимыми параметрами  $\delta$ ,  $\alpha$ , то такое состояние можно получить из состояния  $|a', b'\rangle$  пары фотонов, которая изображается на сфере Пуанкаре двумя точками, симметрично распо-

ложенными относительно оси  $HV$ . Параметры пластиинки выбираются при этом из условия, что задаваемое пластиинкой преобразование на сфере Пуанкаре переводит ось симметрии пары  $|a, b\rangle$  (ось  $OC$  на рис. 6) в ось  $HV$ . В свою очередь, состояние  $|a', b'\rangle$  может быть приготовлено с помощью установки, изображенной на рис. 1: при этом угловое расстояние между точками  $a$ ,  $b$  на сфере будет определяться ориентацией  $\chi$  полуволновой пластиинки в пучке накачки, а поворот точек  $a$ ,  $b$  относительно плоскости «экватора» — фазой  $\varepsilon$ .

Иными словами, фазовая пластиинка, установленная после двух кристаллов в схеме, изображенной на рис. 1, будет вращать две изображающие бифотон точки как целое по сфере Пуанкаре, тем самым осуществляя переход от состояния (5) к произвольному состоянию (1). Состояние (1) теперь будет характеризоваться четырьмя параметрами  $\varepsilon$ ,  $\chi$ ,  $\alpha$ ,  $\delta$ . Трудность здесь заключается в том, что параметр  $\delta$  можно варьировать на практике, лишь меняя фазовые пластиинки различной толщины.

Для того чтобы менять параметр  $\delta$  произвольным образом, удобно вместо набора фазовых пластиинок использовать ячейку Поккельса. Если менять напряжение, подаваемое на ячейку, она будет выполнять роль фазовой пластиинки переменной толщины; вращая ячейку вокруг пучка бифотонов, можно непрерывно менять параметр  $\alpha$ .

Для приготовления состояния вида (1) в оптической схеме, изображенной на рис. 1, после двух кристаллов устанавливалась ячейка Поккельса. В качестве оптического элемента ячейки Поккельса использовался кристалл ниобата лития длиной 3 см, вырезанный вдоль оптической оси  $z$ . При подаче на ячейку постоянного напряжения вдоль оси  $x$  кристалл за счет электрооптического эффекта становился слабо двусмы, причем плоскость, содержащая оптические оси, располагалась под углом  $45^\circ$  к плоскости  $xz$ . При увеличении постоянного напряжения, подаваемого на кристалл, от нуля до 2.8 кВ на бег фаз между волнами ортогональных поляризаций («обыкновенная» волна, поляризованная в плоскости оптических осей, т. е. под углом  $45^\circ$  к плоскости  $xz$ , и «необыкновенная» волна, поляризованная под углом  $-45^\circ$  к плоскости  $xz$ ) менялся от нуля до  $2\pi$ . Существенно, что при этом ячейка действовала аналогично фазовой пластиинке нулевого порядка (из-за малости наведенного двупреломления) с параметром  $\delta$ , изменяющимся от 0 до  $\pi$ . Поэтому преобразование поляризации, осуществляемое ячейкой, было одинаковым для всех частот внутри спектральной полосы СПР (около 40 нм) и тем более в полосе

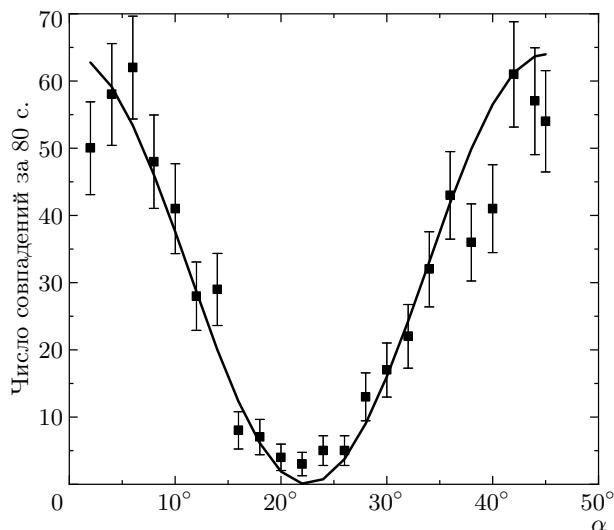


Рис. 7. Скорость счета совпадений в зависимости от угла ориентации  $\alpha$  ячейки Поккельса. На ячейку подается полуволновое напряжение (оптическая толщина  $\delta = \pi/2$ ), угол ориентации полуволновой пластины в пучке накачки  $\chi = 22.5^\circ$ , фаза  $\varepsilon = \pi$ , ориентации поляризационных фильтров  $45^\circ$  и  $-45^\circ$

частот, выделяемой интерференционным фильтром. Следует также отметить, что если описывать ячейку Поккельса как фазовую пластинку, то ориентация оптической оси такой пластины (соответствующая параметру  $\alpha$ ) будет определяться плоскостью наведенных оптических осей, т. е. составлять угол  $45^\circ$  с направлением, в котором к ячейке прикладывается поле.

В начале измерений при выключенном напряжении на ячейке Поккельса полуволновая пластина в пучке накачки устанавливалась под углом  $\chi = 22.5^\circ$  к вертикали, а фаза  $\varepsilon$  выбиралась равной  $\pi$  (см. формулу (5)). Такой выбор параметров соответствовал максимуму скорости счета совпадений при положении поляризационных фильтров  $45^\circ$ ,  $-45^\circ$  (на измерительную схему подавалось состояние  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$ ). После этого на ячейку Поккельса подавалось полуволновое напряжение. Исходная ориентация ячейки соответствовала вертикальному направлению оптической оси; поэтому при подаче полуволнового напряжения состояние бифотона  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$  оставалось таким же: ячейка осуществляла поворот на сфере Пуанкаре на угол  $\pi$  относительно оси  $HV$ . При вращении ячейки Поккельса состояние бифотона на ее выходе менялось; соответственно, менялась и скорость счета совпаде-

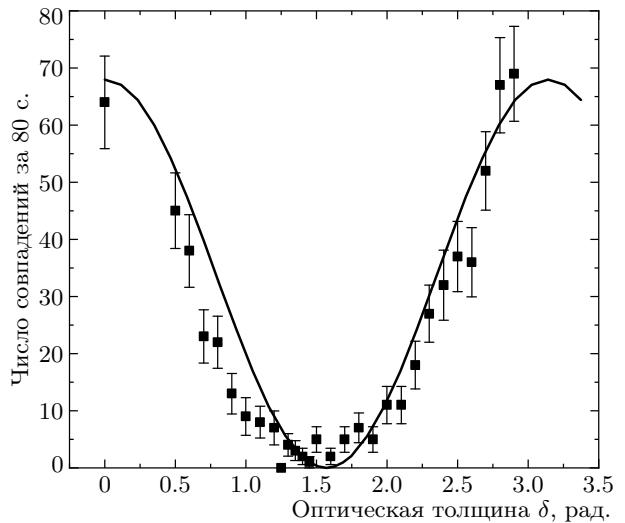


Рис. 8. Скорость счета совпадений в зависимости от оптической толщины ячейки Поккельса  $\delta$  при ее ориентации  $\alpha = 22.5^\circ$ . Угол ориентации полуволновой пластины в пучке накачки  $\chi = 22.5^\circ$ , фаза  $\varepsilon = \pi$ , ориентации поляризационных фильтров  $45^\circ$  и  $-45^\circ$

ний. На рис. 7 показана зависимость скорости счета совпадений от угла  $\alpha$  между оптической осью ячейки Поккельса и вертикальной осью. Видно, что при ориентации ячейки Поккельса  $\alpha = 22.5^\circ$  совпадения практически отсутствовали. Это происходило потому, что в этом случае после ячейки Поккельса состояния  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$  переходило в состояние  $|H, V\rangle$ , ортогональное выделяемому состоянию  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$ .

Далее угол ориентации ячейки Поккельса устанавливался равным  $\alpha = 22.5^\circ$ , а напряжение на ячейке менялось от нуля до значения 2.8 кВ. Соответствующая зависимость скорости счета совпадений от параметра  $\delta$  показана на рис. 8. При  $\delta = \pi/2$  наблюдается минимум скорости счета совпадений, как и в предыдущем случае, в силу ортогональности состояний  $|H, V\rangle$  и  $|+45^\circ, -45^\circ\rangle$ .

## 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, в эксперименте было продемонстрировано приготовление произвольно поляризованных двухфотонных состояний — кутритов. Для генерации таких состояний использовалась схема, не включающая интерферометра; высокая стабильность такой схемы позволяет использовать ее при практической передаче квантовой информации. Для полученных произвольно поляризованных двухфо-

тонных состояний был продемонстрирован способ различения ортогональных состояний, основанный на отсутствии совпадений фотоотсчетов в схеме Брауна–Твисса. Возможность различить ортогональные бифотоны–кутриты в эксперименте позволяет использовать их в троичных протоколах передачи квантовой информации и, в частности, в протоколах квантовой криптографии. Расчет и представление на сфере Пуанкаре 12 бифотонных состояний для осуществления троичного аналога протокола BB84 можно найти в [19].

Следует также отметить, что выполненный эксперимент по демонстрации ортогональности бифотонных состояний представляет собой обобщение известного эксперимента по наблюдению так называемого провала Хонга–Оу–Манделя, или эффекта антикорреляции [20]. Ранее такой эффект наблюдался только для пар одинаково поляризованных фотонов [20] или ортогонально поляризованных фотонов [21]; в данной работе этот эффект впервые наблюдается для произвольно поляризованных фотонов в паре.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (гранты №№ 02-02-16664 и 03-02-16444), INTAS (№ 2122-01) и Программы поддержки научных школ (№ 166.2003.02). Один из авторов (Л. А. К.) выражает благодарность программе INTAS-YS (грант № 03-55-1971).

## ЛИТЕРАТУРА

1. *Физика квантовой информации*. под ред. Д. Бовумейстера, А. Эккера, А. Цайлингера, Постмаркет, Москва (2002).
2. C. H. Bennett and G. Brassard, in *Proc. IEEE Int. Conf. on Computers, Systems and Signal Processing*, Bangalore, India, IEEE, New York (1984), p. 175.
3. K. Mattle, H. Weinfurter, P. G. Kwiat, and A. Zeilinger, *Phys. Rev. Lett.* **76**, 4656 (1996).
4. A. V. Burlakov, M. V. Chekhova, O. A. Karabutova, D. N. Klyshko, and S. P. Kulik, *Phys. Rev. A* **60**, R4209 (1999).
5. H. Bechmann-Pascuiniucci and A. Peres, *Phys. Rev. Lett.* **85**, 3313 (2000).
6. D. Bruss and C. Machiavello, *Phys. Rev. Lett.* **88**, 127901 (2002).
7. R. Thew, A. Acin, H. Zbinden, and N. Gisin, E-print archives quant-ph/0307122.
8. A. Vaziri, G. Weihs, and A. Zeilinger, *Phys. Rev. Lett.* **89**, 240401 (2002).
9. J. C. Howell, A. Lamas-Linares, and D. Bouwmeester, *Phys. Rev. Lett.* **88**, 030401 (2002).
10. Yu. Bogdanov, M. Chekhova, S. Kulik, G. Maslennikov, A. Zhukov, C. H. Oh, and M. K. Tey, *Phys. Rev. A* **70**, 042303 (2004).
11. А. В. Бурлаков, Д. Н. Клышко, Письма в ЖЭТФ **69**, 795 (1999).
12. А. В. Бурлаков, М. В. Чехова, Письма в ЖЭТФ **75**, 505 (2002).
13. У. Шерклифф, *Поляризованный свет*, Мир, Москва (1965).
14. Д. Н. Клышко, ЖЭТФ **111**, 1955 (1997).
15. А. С. Чиркин, А. А. Орлов, Д. Ю. Парашук, КЭ **20**, 999 (1993).
16. G. Bjork, J. Soderholm, A. Trifonov, P. Usachev, L. L. Sanchez-Soto, and A. B. Klimov, Proc. SPIE, *ICONO 2001: Quantum and Atomic Optics, High-Precision Measurements in Optics, and Optical Information Processing, Transmission, and Storage*, ed. by S. N. Bagayev, S. S. Chesnokov, A. S. Chirkin, and V. N. Zadkov (2002), Vol. 4750.
17. А. А. Жуков, Г. А. Масленников, М. В. Чехова, Письма в ЖЭТФ **76**, 696 (2002).
18. Л. А. Кривицкий, С. П. Кулик, А. Н. Пенин, М. В. Чехова, ЖЭТФ **124**, 943 (2003).
19. G. A. Maslennikov, M. V. Chekhova, S. P. Kulik, and A. A. Zhukov, *J. Opt. B* **5**, 530 (2003).
20. C. K. Hong, Z. Y. Ou, and L. Mandel, *Phys. Rev. Lett.* **59**, 2044 (1987).
21. Y. H. Shih and A. V. Sergienko, *Phys. Rev. Lett.* **A 186**, 29 (1994).