

# ОТРИЦАТЕЛЬНО ЗАРЯЖЕННЫЕ ЭКСИТОНЫ В ПОЛУМАГНИТНЫХ КВАНТОВЫХ ТОЧКАХ CdSe/ZnSe/ZnMnSe

**A. С. Бричкун\*, А. В. Черненко, Е. А. Чехович, П. С. Дорожкин, В. Д. Кулаковский**

*Институт физики твердого тела Российской академии наук  
142432, Черноголовка, Московская обл., Россия*

**C. В. Иванов, А. А. Торопов**

*Физико-технический институт им. Иоффе Российской академии наук  
194021, Санкт-Петербург, Россия*

Поступила в редакцию 26 декабря 2006 г.

Исследована фотолюминесценция индивидуальных квантовых точек CdSe/ZnSe/ZnMnSe с разной величиной *sp-d*-обменного взаимодействия между ионами магнитной примеси и носителями заряда в магнитном поле до 12 Тл в геометрии Фарадея и Фойгта при 1.6 К. Величина взаимодействия регулируется путем изменения доли квадрата волновых функций носителей ( $\eta_{e,h}$ ) в полумагнитном барьере с помощью вариации толщины немагнитного слоя ZnSe. Найдено, что уже при  $\eta_{e,h} \sim 5\%$  обменное *sp-d*-взаимодействие приводит к смене знака эффективного *g*-фактора дырки, а дальнейшее увеличение ведет к быстрому росту спинового расщепления электронов и дырок. При этом заметное уменьшение квантового выхода излучения из-за оже-рекомбинации экситонов с возбуждением ионов Mn начинается только при  $\eta_{e,h} \sim 12\%$ , а увеличение скорости спиновой релаксации дырок — при еще больших  $\eta_{e,h}$ . В сильном магнитном поле, перпендикулярном плоскости образца, выстраивание спинов Mn приводит к подавлению оже-рекомбинации только в возбужденном спиновом состоянии, что при малой скорости спиновой релаксации дырок ведет к неожиданному результату: доминированию в сильном магнитном поле излучения из возбужденного состояния трионов.

PACS: 75.75.+a, 75.50.Pp, 78.67.-n

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Возможность спектроскопического анализа электронно-дырочных состояний в одиночных квантовых точках (КТ), достигнутая в последнее десятилетие, привела к качественному скачку в фундаментальных исследованиях этих объектов. Различные экситонные состояния (экситоны, биэкситоны, трионы) были тщательно проанализированы в КТ в немагнитных структурах  $A^{II}B^{VI}$  и  $A^{III}B^V$  с самоорганизованными КТ [1]. Исследования индивидуальных полумагнитных КТ пока немногочисленны и ограничены изучением основного состояния экситона в незаряженных КТ [2–5]. В то же время основное внимание в исследованиях экситонных состояний в КТ в последнее время привлекают возможности использования спиновой подсистемы эксито-

нов в КТ в различных областях спинtronики [6]. С этой точки зрения весьма интересными являются полумагнитные КТ, позволяющие реализовать большую спиновую поляризацию носителей в слабых магнитных полях благодаря *sp-d*-обменному взаимодействию между носителями заряда и ионами магнитных примесей.

Оптические исследования полумагнитных КТ показали, что *sp-d*-взаимодействие приводит к дополнительному уширению линий фотолюминесценции (ФЛ) из-за флуктуаций намагниченности ионов магнитной примеси в области локализации носителя заряда [3]. Ширина линии экситонной ФЛ полумагнитных КТ в гетероструктурах CdSe/ZnMnSe в отсутствие магнитного поля достигает порядка 10 мэВ, что приводит к полному замыванию тонкой структуры спиновых состояний в КТ [3, 7, 8]. Кроме того, в полупроводниках с большой шириной запрещенной

---

\*E-mail: brich@issp.ac.ru

зоны наличие магнитной примеси приводит к радиальному уменьшению сигнала ФЛ по сравнению с немагнитными образцами из-за процессов безызлучательной рекомбинации на магнитных ионах [9].

Для того чтобы уменьшить влияние этих эффектов на спектры ФЛ, нами были выбраны КТ в гетероструктурах CdSe/ZnSe/ZnMnSe, в которых между слоем КТ и полумагнитным барьером добавлен немагнитный слой ZnSe, увеличивающий расстояние между КТ и ионами марганца. Введение дополнительного слоя приводит к уменьшению доли волновой функции электронов и дырок в полумагнитном слое. Это приводит к уменьшению обменного  $sp-d$ -взаимодействия и, следовательно, спинового расщепления в магнитном поле, а также к сужению линий ФЛ, уменьшению скоростей спиновой релаксации и безызлучательной оже-рекомбинации.

В данной работе представлены исследования двух образцов CdSe/ZnSe/ZnMnSe с разной долей квадрата волновых функций носителей ( $\eta_{e,h}$ ) в магнитном барьере. Исследуются экситонные состояния в однократно заряженных полумагнитных КТ на основании анализа спектров ФЛ в магнитном поле, параллельном и перпендикулярном плоскости роста структуры. Образцы и методика эксперимента описываются в следующем разделе. В разд. 3 приведены спектры излучения заряженных КТ в магнитном поле и затем анализируются структура трионных состояний, конкуренция излучательного и безызлучательного механизмов рекомбинации и скорость спиновой релаксации при разных  $\eta_{e,h}$ .

## 2. МЕТОДИКА ЭКСПЕРИМЕНТА

Структуры CdSe/ZnSe/ZnMnSe были выращены методом молекулярно-пучковой эпитаксии на подложке GaAs и представляют собой самоорганизующиеся КТ CdSe, окруженные с обеих сторон сначала немагнитным барьером ZnSe толщиной около 1.6 нм, а затем полумагнитным барьером Zn<sub>0.89</sub>Mn<sub>0.11</sub>Se. Номинальная толщина слоя CdSe составляет 2 монослоя (около 0.6 нм).

Для магнитооптических исследований одиночных КТ поверхность образца была стравлена глубже слоя КТ везде, кроме столбиков размером от 150 до 300 нм в диаметре. В эксперименте исследовался сигнал ФЛ отдельных столбиков, которые располагались на расстоянии 150 мкм друг от друга. После детального анализа большого количества спектров отдельных столбиков был найден репрезентативный набор линий индивидуальных КТ, который представлен в данной работе.

Исследования ФЛ проводились в оптическом криостате со сверхпроводящим магнитом, позволяющим получать магнитные поля до 12 Тл при температуре 1.6 К. Внешнее магнитное поле  $B$  было направлено либо вдоль оси роста структуры  $z$  (геометрия Фарадея,  $B \parallel z$ ), либо перпендикулярно ей (геометрия Фойгта,  $B \perp z$ ). Возбуждение ФЛ осуществлялось ультрафиолетовой линией Ar<sup>+</sup>-лазера ( $\lambda = 355$  нм). Для записи спектров использовался одиночный монохроматор с решеткой 2400 штр./мм, сигнал детектировался ПЗС-камерой, охлаждаемой жидким азотом. Измерения времен жизни и спиновой релаксации были проведены с помощью фемтосекундного Ti:Sp-лазера с кристаллом удвоения. Разрешенные по времени спектры детектировались стрик-камерой с разрешением 20 пс.

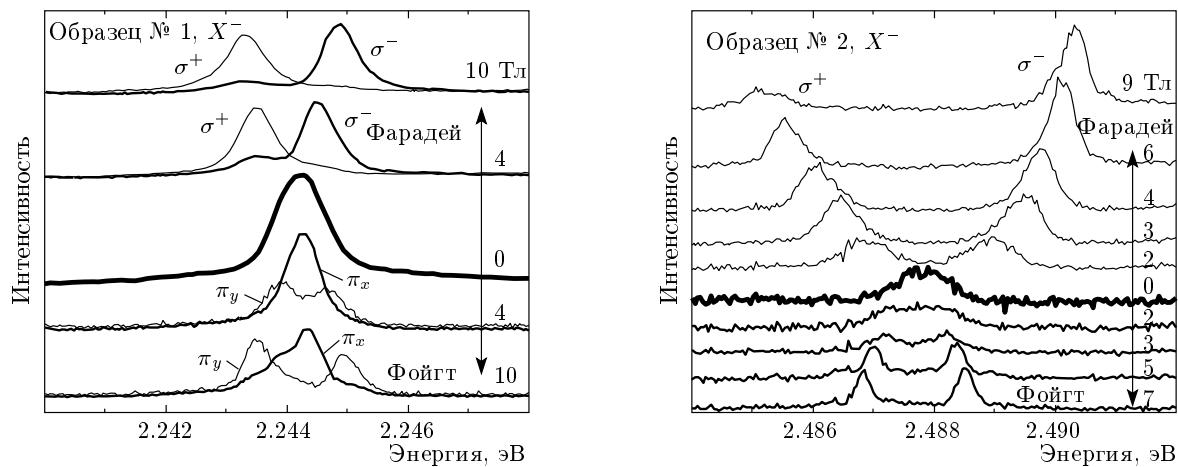
## 3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### 3.1. Излучение экситонов из отрицательно заряженных КТ

В данной работе проводится анализ магнитооптических спектров излучения одиночных полумагнитных КТ, которые отвечают излучению экситонов в отрицательно заряженных КТ (трионах), содержащих один электрон. Наличие заряженных КТ обусловлено локализацией в них электронов с донорных центров в барьере слое, концентрация которых составляет около  $10^{14}$ – $10^{15}$  см<sup>-3</sup>.

При локализации экситона в отрицательно заряженной точке два электрона образуют спиновой синглет, при этом остается только одна частица (дырка) с неспаренным спином. Как следствие, обменное расщепление триона в основном состоянии отсутствует. Поэтому в отсутствие магнитного поля в спектре наблюдается одиночная неполяризованный линия. В магнитном поле состояние триона расщепляется на дублет. На дублет расщепляется также и конечное состояние перехода — электрона в КТ. Максимальное число зеемановских компонент — 4.

Характерные спектры излучения экситонов в однократно отрицательно заряженных одиночных КТ в двух образцах CdSe/ZnSe/ZnMnSe с разной долей волновой функции электронов и дырок в полумагнитном слое (образцы № 1 и № 2) приведены на рис. 1. Так же, как и в спектрах немагнитных CdSe/ZnSe КТ [10, 11], в спектре излучения в нулевом магнитном поле наблюдается одиночная неполяризованный линия. Увеличение плотности возбуж-



**Рис. 1.** Спектры ФЛ трионов, локализованных в КТ (образец №1 и №2) для образцов с разным проникновением волновой функции в полумагнитный барьер. Одиночная трионная линия в продольном магнитном поле  $\mathbf{B} \parallel z$  расщепляется на две циркулярно-поляризованные компоненты, причем в образце №2 верхняя по энергии ( $\sigma^-$ ) компонента доминирует в больших полях. В поперечном магнитном поле в образце №1 наблюдаются все 4 зеемановских компонента, а в образце №2 из-за быстрой спиновой релаксации дырок — только две

дения вплоть до  $300 \text{ Вт}/\text{см}^2$  не приводит к появлению дополнительных линий в спектре, что свидетельствует об отсутствии биэкситонных состояний даже при столь больших плотностях возбуждения. Такое поведение характерно для заряженных КТ, в которых при локализации первого экситона образуется состояние с  $1s$ -электронной оболочкой, полностью заполненной двумя электронами, и следующий электрон может локализоваться только в возбужденном слабо связанном  $2s(p)$ -состоянии. Вероятность такого процесса существенно ниже, чем вероятность захвата второго экситона в незаряженной КТ, где второй электрон попадает в глубоко лежащую  $1s$ -оболочку.

В исследуемых квантовых точках CdSe/ZnSe/ZnMnSe, в отличие от немагнитных квантовых точек CdSe/ZnSe, ширина линий ФЛ достигает  $0.8\text{--}1 \text{ мэВ}$ . Уширение связано с флюктуациями полного магнитного момента [3]. Поскольку магнитная примесь находится на достаточном удалении от КТ, это уширение оказывается гораздо меньше, чем в КТ CdSe/ZnMnSe, исследованных ранее. Оценки показывают, что проникновение электронной и дырочной волновых функций в барьер в изучаемых КТ с толщиной слоя ZnSe  $1.6 \text{ нм}$  не превышает 10 %, вследствие чего величина  $sp-d$ -взаимодействия на порядок слабее, чем в полумагнитных КТ без слоя ZnSe. В результате ширина линии излучения в нулевом магнитном поле находится в пределах 0.8 мэВ.

Сравнение спектров излучения исследуемых КТ со спектрами немагнитных КТ в магнитном поле  $\mathbf{B} \parallel z$  показывает, что так же, как и в немагнитных КТ, в спектре излучения доминируют две циркулярно поляризованные ( $\sigma^+$  и  $\sigma^-$ ) компоненты. Однако поляризация зеемановских компонент заряженного экситона в изучаемых КТ противоположна наблюдающейся в немагнитных КТ [12, 13]. Следовательно, несмотря на небольшое проникновение волновых функций электрона и дырки в полумагнитный барьер, вклад в  $g$ -фактор от обменного  $p-d$ -взаимодействия спинов электронов и дырок в КТ со спинами ионов Mn уже является доминирующим.

Во внешнем магнитном поле в геометрии Фойгта одиночная линия излучения триона, так же, как и в немагнитной КТ [10, 11], расщепляется на четыре компоненты, которые хорошо разрешаются в поляризационных измерениях. Линии имеют высокую, более 90 %, степень линейной поляризации. Из серии измерений в геометрии Фойгта в магнитных полях от 0 до 10 Тл, проведенных для четырех различных направлений  $\mathbf{B} \perp z$ , следует, что плоскость поляризации не зависит от направления магнитного поля и полностью определяется симметрией КТ (рис. 2). Внешние и внутренние компоненты линии поляризованы во взаимно перпендикулярных плоскостях, близких соответственно к кристаллографическим плоскостям (110) и (1 $\bar{1}$ 0). При вращении магнитного поля изменяется только отноше-

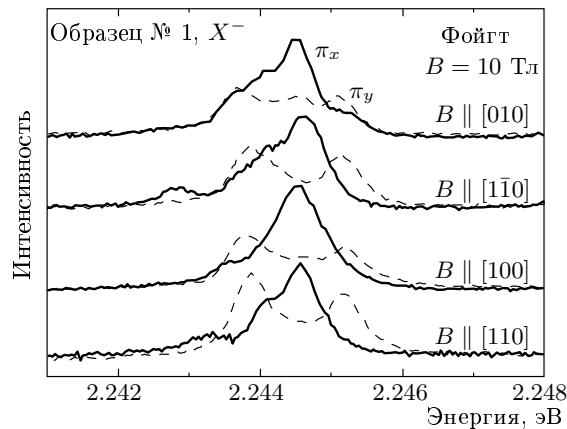


Рис. 2. Линия триона в КТ образца № 1, записанная в поле  $B = 10$  Тл при  $B \parallel [100]$ ,  $[110]$ ,  $[1\bar{1}0]$ ,  $[110]$ . Поляризация  $\pi_x \parallel [110]$ ,  $\pi_y \parallel [1\bar{1}0]$

ние интенсивностей внешних и внутренних компонент (рис. 2). Такое поведение аналогично наблюдавшемуся ранее в исследованиях трионов в немагнитных КТ [10]. Оно свидетельствует о существенной анизотропии потенциала в плоскости КТ, приводящей к смешиванию дырочных состояний с  $j_z = 3/2$  с состояниями отщепленных легких дырок  $j_z = 1/2$ .

Из сравнения спектров излучения трионов в двух исследуемых образцах, приведенных на рис. 1, видно, что с ростом проникновения электронной и дырочной волновых функций в область барьера ZnMnSe наблюдается увеличение ширины линий, связанное с флуктуациями момента Mn. Сравнение интенсивностей излучения КТ при фиксированной плотности возбуждения показывает, что в образце № 2 квантовый выход излучения в нулевом магнитном поле оказывается значительно меньшим. Такое уменьшение квантового выхода характерно для экситонов в полумагнитных полупроводниках с шириной запрещенной зоны, превышающей энергию внутрицентрового перехода в ионах Mn из основного состояния  ${}^6A_1$  в нижнее возбужденное состояние  ${}^4T_1$  ( $E \sim 2.1$  эВ). Оно обусловлено эффективной безызлучательной оже-рекомбинацией экситонов с передачей энергии ионам Mn [9]. Ширина линии и величина зеемановского расщепления увеличиваются с ростом проникновения волновой функции электронов и дырок в полумагнитный слой. При этом вместо уменьшения интенсивности фиолетовой компоненты с ростом магнитного поля, ожидаемого вследствие спиновой релаксации дырки в основное состояние, в спектрах излучения, наоборот, наблюдается ее существенный рост (рис. 1б). В геометрии

же Фойгта интенсивности двух зеемановских компонент остаются одинаковыми во всех магнитных полях.

### 3.2. Зеемановское расщепление линий фотолюминесценции трионов

В отрицательно заряженном трионе  $X^-$  два электрона образуют спиновый синглет. Поэтому взаимодействие трионов  $X^-$  с магнитным полем определяется дыркой. В полумагнитных КТ симметрии  $D_{2d}$  оно описывается дырочным гамильтонианом вида

$$\hat{H}_{Bh} = \mu_B g_0 \left( \kappa \hat{\mathbf{j}} \cdot \mathbf{B} + q \sum_i j_i^3 B_i \right) + \frac{\beta}{3} |\psi_h(r)|^2 \hat{\mathbf{j}} \cdot \mathbf{M}, \quad (1)$$

где  $\kappa$  и  $q$  — константы, описывающие взаимодействие дырки с магнитным полем в немагнитных CdSe и ZnSe [14],  $\mu_B$  — магнетон Бора,  $g_0$  —  $g$ -фактор свободного электрона. Последний член в гамильтониане обусловлен обменным  $p-d$ -взаимодействием дырок с ионами марганца [15], где  $\beta$  — константа обменного взаимодействия,  $\psi_h(r)$  — волновая функция дырки. Намагниченность  $\mathbf{M}$  единицы объема определяется формулой

$$\mathbf{M} = \frac{5}{2} x_{eff} N_0 g_{Mn} \mu_B B r_{5/2}(y) \frac{\mathbf{B}_\Sigma}{B_\Sigma}, \quad (2)$$

где  $N_0$  — число элементарных ячеек в единице объема ZnMnSe,  $x_{eff}$  — эффективная концентрация марганца,  $g_{Mn} = 2$  —  $g$ -фактор  $d$ -электронов в Mn,  $B r_{5/2}(y)$  — функция Бриллюэна,  $y = 5g_{Mn}\mu_B B_\Sigma/(2k_B T)$ . Вектор  $\mathbf{B}_\Sigma = \mathbf{B} + \mathbf{B}_{ex}^h$ , где  $\mathbf{B}_{ex}^h$  — эффективное обменное поле дырки:

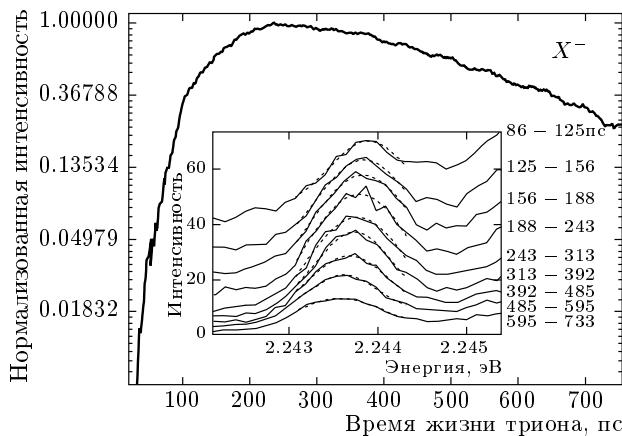
$$\mathbf{B}_{ex}^h = \frac{\beta}{2\mu_B g} |\psi_h(r)|^2 \frac{\langle \hat{\mathbf{j}} \rangle}{|\langle \hat{\mathbf{j}} \rangle|}, \quad (3)$$

где  $\langle \hat{\mathbf{j}} \rangle$  определяется коллективным действием внешнего магнитного поля и обменного взаимодействия ионов марганца с дыркой [9, 16].

Конечным состоянием процесса рекомбинации триона  $X^-$  является один электрон в КТ, взаимодействие которого с магнитным полем описывается гамильтонианом

$$\hat{H}_{Be} = g_e \mu_B \hat{\mathbf{s}} \cdot \mathbf{B} + \alpha |\psi_e(r)|^2 \hat{\mathbf{s}} \cdot \mathbf{M}, \quad (4)$$

где  $\hat{\mathbf{s}}$  — оператор спина,  $g_e$  —  $g$ -фактор электрона в CdSe ( $g_{e,\perp} \approx g_{e,\parallel} \approx g_e$  [14]),  $\alpha$  — константа обменно-го  $s-d$ -взаимодействия электронов с ионами Mn, и



**Рис. 3.** Кинетика ФЛ триона  $X^-$  в образце № 1. Данные приведены в отсутствие магнитного поля, однако время жизни трионов (около 350 пс) практически не зависит от величины поля. На вставке показана эволюция спектра со временем, сигнал времени-разрешенного эксперимента просуммирован по интервалам временной развертки, указанным справа от рисунка

обменное поле в намагниченности определяется спином электрона:

$$\mathbf{B}_{ex}^e = \frac{a}{2\mu_B g} |\psi_e(r)|^2 \frac{\hat{\mathbf{s}}}{|\langle \hat{\mathbf{s}} \rangle|}.$$

Зеемановские сдвиги уровней электрона в магнитном поле равны

$$\Delta E_{1,2} = \pm \frac{1}{2} (g_e \mu_B B + G_e Br_{5/2}(y)), \quad (5)$$

где  $\eta_e$  — доля квадрата волновой функции электрона в барьере ZnMnSe,

$$G_e = \frac{5}{2} \eta_e \alpha N_0 x_{eff}, \quad (6)$$

$Br_{5/2}(y)$  — функция Бриллюэна.

Образование магнитного полярона должно приводить к ряду эффектов в спектре ФЛ: сужению линий ФЛ из-за подавления флуктуаций магнитного момента полярона внешним магнитным полем [3], фиолетовому сдвигу линии ФЛ основного состояния экситонов и трионов с ростом температуры [8], несимметричному расщеплению линий ФЛ триона в геометрии Фарадея, обусловленному обменным полем  $\mathbf{B}_{ex}^h$  [7], красному сдвигу линии времени-разрешенной ФЛ электронно-дырочного комплекса из-за формирования магнитного полярона.

В исследованных КТ эти эффекты незначительны. На рис. 1 видно, что расщепление линий из-

лучения в геометрии Фарадея почти симметрично по отношению к энергии перехода в нулевом магнитном поле. Далее, на рис. 3 приведены время-разрешенные спектры ФЛ триона в образце № 1, записанные в нулевом магнитном поле, и зависимость интенсивности излучения от времени. Время жизни трионов, определенное из этой зависимости, составляет 350 пс. Красный сдвиг спектра ФЛ в течение времени жизни триона при этом не превышает 0.2 мэВ, что свидетельствует о том, что за время жизни магнитный полярон в исследуемых КТ не успевает сформироваться. Таким образом, влиянием обменного поля следует пренебречь, и величина намагниченности определяется только внешним магнитным полем.

При симметрии КТ, равной  $D_{2d}$ , поляризация зеемановских компонент в геометрии Фойгта не связана с направлениями кристаллографических осей и полностью определяется направлением магнитного поля. На рис. 2 видно, что в эксперименте наблюдается противоположный результат: поляризация линий не зависит от направления магнитного поля. Аналогичное поведение наблюдалось ранее в немагнитных КТ CdSe/ZnSe [10, 11] и даже квантовых ямах [17]. В этих работах было показано, что такое поведение поляризации зеемановских компонент обусловлено смешиванием состояний тяжелых и легких дырок из-за понижения симметрии квантовых ям и КТ вследствие упругих деформаций в плоскости роста. Исследуемые в данной работе КТ выращены в аналогичных условиях, поэтому следует ожидать, что сильная анизотропия потенциала в плоскости вызвана теми же причинами.

Наличие упругих деформаций в плоскости КТ приводит к понижению симметрии одночастичного потенциала КТ и, соответственно, к появлению дополнительного анизотропного члена в гамильтониане для дырок [14]:

$$\hat{V} = b \left( \hat{j}_x^2 \varepsilon_{xx} + \hat{j}_y^2 \varepsilon_{yy} \right) + d / \sqrt{3} \left( \hat{j}_x \hat{j}_y + \hat{j}_y \hat{j}_x \right) \varepsilon_{xy}, \quad (7)$$

где  $\varepsilon_{ij}$  — компоненты тензора упругих деформаций,  $b$  и  $d$  — деформационные константы.

Очень слабая зависимость величины расщепления зеемановских компонент от направления магнитного поля в плоскости КТ CdSe (рис. 2) налагивает дополнительные условия на потенциал. Во-первых, вклад от кубического по  $j$  члена в гамильтониане (1) должен быть пренебрежимо мал по сравнению с линейным по  $j$  членом, т. е.  $\kappa \gg q$  [14]. Во-вторых, в потенциале  $\hat{V}$  должны быть существенны только компоненты, приводящие к смешиванию состояний  $j_z = 3/2$  и  $j_z = -1/2$  и состояний

$j_z = -3/2$  и  $j_z = 1/2$ , т. е. собственными функциями гамильтониана деформации являются

$$\psi_h^\pm = |\pm 3/2\rangle - \frac{\gamma_\pm}{\Delta E_{lh-hh}} |\mp 1/2\rangle, \quad (8)$$

где

$$\gamma_+ = \langle 1/2 | \hat{V} | -3/2 \rangle, \quad \gamma_- = \langle 1/2 | \hat{V} | -3/2 \rangle^*,$$

$$\gamma^\pm = \gamma e^{\pm 2i\theta} = \frac{\sqrt{3}}{2} b(\varepsilon_{yy} - \varepsilon_{xx}) \pm i d\varepsilon_{xy},$$

$\Delta E_{lh-hh}$  — расщепление подзон легких и тяжелых дырок,  $2\theta$  — фаза матричного элемента [14]. В симметрии  $C_{2v}$  компоненты  $\varepsilon_{xx} = \varepsilon_{yy}$ , так что  $lh-hh$ -смешивание определяется деформацией сдвига. При симметрии деформационного потенциала  $C_2$  имеем  $\varepsilon_{xx} \neq \varepsilon_{yy}$ . В работах [10, 11] было найдено, что в КТ CdSe/ZnSe отношение  $\gamma/\Delta E_{lh-hh}$  достигает значения 0.2–0.3. В нулевом поле дырочные состояния  $|\psi_h^+\rangle$  и  $|\psi_h^-\rangle$  образуют крамерсовский дублет. Магнитное поле приводит к его расщеплению. В КТ CdSe/ZnSe расщепление дырочных уровней в поле  $\mathbf{B} \parallel z$  с точностью до членов  $(\gamma/\Delta E_{lh-hh})$  равно  $\Delta E^0 = 3\mu_B g_\parallel^h B$ , где  $g_\parallel^h = g_0 \kappa$  [14].

Обменное  $p-d$ -взаимодействие дырок с ионами марганца приводит к дополнительному вкладу в расщепление дырочных уровней  $\Delta E^m$ .

В поле  $\mathbf{B} \parallel z$  вектор  $\langle j \rangle \parallel M \parallel B$ . В этом случае расщепление уровней  $\psi_h^\pm$  равно

$$\begin{aligned} \Delta E_{1,2} &= (\Delta E^0 + \Delta E^m) = \\ &= (3g_\parallel^h \mu_B B + G_h Br_{5/2}(y)), \end{aligned} \quad (9)$$

где

$$G_h = \frac{5}{2} \eta_h g_{Mn} \mu_B \beta N_0 x_{eff}, \quad (10)$$

$\eta_h$  — доля квадрата волновой функции дырки в барьере ZnMnSe,  $y = 5g_{Mn} \mu_B B / 2(k_B T)$ . Отметим, что знаки  $G_e$  и  $G_h$  определяются знаками обменных констант  $\alpha$  и  $\beta$ :  $G_e > 0$ , а  $G_h < 0$ .

В поле  $\mathbf{B} \perp z$  направления векторов  $M$  и  $B$  для триона могут не совпадать при образовании магнитного полярона, вследствие чего разложение энергий зеемановских компонент в ряд по  $B$  и  $\gamma/\Delta E_{lh}$  сложнее, чем в случае  $\mathbf{B} \parallel z$ . Однако в силу малой величины волновой функции дырки в барьере ZnMnSe, как следует из аппроксимации экспериментальных зависимостей, уже в полях 1.5–2 Тл неколлинеарность

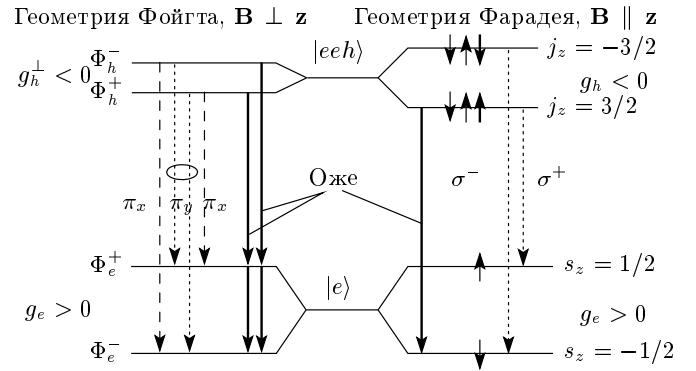


Рис. 4. Схема переходов в трионе  $X^-$  в магнитном поле в геометриях Фарадея и Фойгта. Штриховыми линиями отмечены разрешенные оптические переходы в различных поляризациях, а сплошными стрелками — разрешенные безызлучательные оже-переходы. Их порядок зависит от знаков и величин  $g$ -факторов

векторов  $M$  и  $B$  можно пренебречь. В этом случае также  $\Delta E_{1,2} = \pm(\Delta E^0 + \Delta E^m)$ , где

$$\begin{aligned} \Delta E^m &= G_h Br_{5/2}(y) \left( \frac{2\sqrt{3}\gamma}{\Delta E_{lh-hh}} \right), \\ \Delta E^0 &= \mu_B g_\parallel^h B \left( \frac{2\sqrt{3}\gamma}{\Delta E_{lh-hh}} \right). \end{aligned} \quad (11)$$

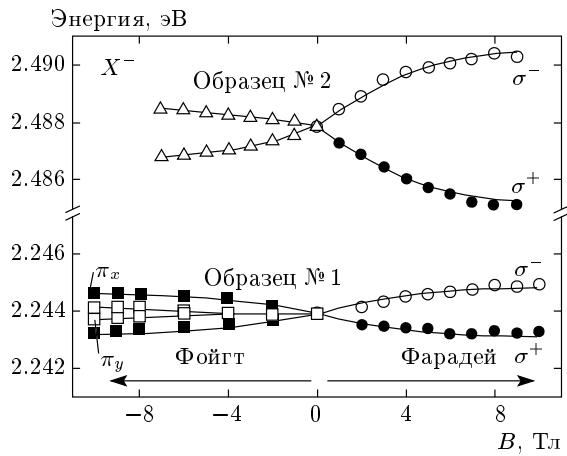
Второй член в величине расщепления  $\Delta E_{1,2}$  обязан своим появлением эффекту  $p-d$ -взаимодействия между спинами Mn и дырки, локализованной в КТ [3];  $g$ -фактор дырки в поперечном магнитном поле равен  $g_\parallel^h = 2\sqrt{3}\gamma g_\parallel^h / \Delta E_{lh-hh}$  [10].

Так же как и в случае немагнитных КТ CdSe/ZnSe, собственными функциями гамильтониана  $\hat{H}_{Bh}$  являются состояния

$$\Phi_h^\pm = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \pm e^{-i\varphi_h/2} |\psi_h^+\rangle + e^{i\varphi_h/2} |\psi_h^-\rangle \right),$$

где  $\varphi_h = \varphi + 2\theta$ . Собственными функциями электрона в поле  $\mathbf{B} \perp z$  являются состояния  $\Phi_e^\pm = |\pm 1/2\rangle_B$  с проекцией спина  $\pm 1/2$  на направление поля  $\mathbf{B}$ .

Для идентификации наблюдаемых переходов в спектрах  $\Phi L$  КТ обратимся к схеме разрешенных оптических переходов в КТ CdSe/ZnSe, приведенной на рис. 4 с указанием их поляризации при измерении в геометрии Фарадея ( $\mathbf{B} \parallel z$ ) и в геометрии Фойгта ( $\mathbf{B} \perp z$ ). В этой схеме учтено, что  $g$ -фактор электрона больше нуля и  $\sigma^-$ -переход имеет энергию больше, чем  $\sigma^+$ -переход. Измеренные зависимости энергий переходов в магнитном поле в геометриях Фарадея и Фойгта для трионов в образцах № 1 и № 2



**Рис. 5.** Зеемановский сдвиг линий ФЛ триона в магнитном поле в геометриях Фойгта и Фарадея для двух образцов (№ 1 и № 2). Экспериментальные результаты — положение максимумов линии ФЛ (обозначены на рисунке символами), аппроксимируются подгоночными кривыми (сплошные линии) по формулам (12) и (13)

приведены на рис. 5. Аппроксимация зеемановского сдвига линий в геометрии Фарадея, показанная на рис. 5 сплошными линиями, осуществлялась с помощью выражения

$$E_{1,2} = E_0 \pm \frac{1}{2} [G Br(y) + (3g_{\parallel}^h - g_e)\mu_B B], \quad (12)$$

где

$$y = \frac{5\mu_B g_{Mn} B}{2kT_{eff}}.$$

Подгоночными параметрами являлись коэффициент  $G = G_h - G_e$  и  $T_{eff}$  — эффективная температура.

В геометрии Фойгта расщепления пар одинаково линейно-поляризованных  $\Delta E_{1,2}$  и  $\Delta E_{3,4}$  линий триона описываются выражениями

$$\begin{aligned} E_{1,2} &= E_0 \pm \frac{1}{2} \left[ \left( G_h Br(y) + 3g_{\parallel}^h \mu_B B \right) a + \right. \\ &\quad \left. + (G_e Br(y) + g_e \mu_B B) \right], \quad (13) \\ E_{3,4} &= E_0 \pm \frac{1}{2} \left[ \left( G_h Br(y) + 3g_{\parallel}^h \mu_B B \right) a - \right. \\ &\quad \left. - (G_e Br(y) + g_e \mu_B B) \right], \end{aligned}$$

где подгоночными параметрами являлись  $G_e$ ,  $G_h$ , параметр

$$a = \frac{g_{\perp}^h}{3g_{\parallel}^h} = \frac{2}{\sqrt{3}} \frac{\gamma}{\Delta E_{lh-hh}},$$

пропорциональный  $lh-hh$ -смешиванию, и эффективная температура  $T_{eff}$ .

При аппроксимации были использованы значения  $g$ -факторов электронов и дырок в немагнитных КТ CdSe  $3g_h - g_e = 1.56$ ,  $g_e = 1.1$ , найденные ранее в работах [12, 18].

Необходимо отметить, что параметр  $G_h$ , отвечающий вкладу от обменного  $p-d$ -взаимодействия, является отрицательным и существенно превышает немагнитный вклад даже в случае меньшего влияния магнитной примеси (образец № 1), поэтому первое слагаемое в квадратных скобках в формуле (9), соответствующее дырочному вкладу в сдвиг линий в геометрии Фойгта, оказывается отрицательным.

Зеемановские расщепления в обеих геометриях аппроксимировались при одинаковых параметрах  $G_e$ ,  $G_h$ ,  $T_{eff}$ . При этом значения  $G_e$  были получены из расщепления в геометрии Фойгта линий, отвечающих переходам из одного дырочного состояния, например  $\Phi_e^+$ , в различные электронные  $\Phi_e^{\pm}$ , а  $G = G_h - G_e$  — из расщепления зеемановских компонент в геометрии Фарадея. Для образца № 1 аппроксимация дает следующие значения:  $G_h = -2.8$  мэВ,  $G_e = 0.4$  мэВ,  $a = 0.2$  и  $T_{eff} = 7$  К. Дублетная структура линии излучения триона в геометрии Фойгта в образце № 2 обусловлена опустошением верхнего уровня вследствие быстрой спиновой релаксации дырки. Поэтому расщепление компонент в геометрии Фойгта связано с расщеплением электронного уровня в конечном состоянии. Из аппроксимации для образца № 2 были найдены следующие значения параметров:  $G_h = -5.7$  мэВ,  $G_e = 1.4$  мэВ,  $a = 0.3$ ,  $T_{eff} = 6$  К.

В немагнитных КТ в геометрии Фойгта следствием деформационного  $lh-hh$ -смешивания является почти стопроцентная линейная поляризация линий излучения триона вдоль осей симметрии потенциала КТ [10]. Вероятности переходов  $\pi_x - I_{1,2}$  и  $\pi_y - I_{3,4}$  поляризованных компонент в спектре равны:

$$\begin{aligned} I_{1,2} &= |\langle \Phi_h^{\mp} | \mathbf{e} \cdot \mathbf{d} | \Phi_e^{\pm} \rangle|^2 = \\ &= \left( 1 - \frac{k\gamma}{\Delta E_{lh-hh}} \right)^2 \cos^2(\phi - \theta), \\ I_{3,4} &= |\langle \Phi_h^{\pm} | \mathbf{e} \cdot \mathbf{d} | \Phi_e^{\pm} \rangle|^2 = \\ &= \left( 1 + \frac{k\gamma}{\Delta E_{lh-hh}} \right)^2 \sin^2(\phi - \theta), \end{aligned} \quad (14)$$

где  $\phi$  — угол поляризации излучения,  $\mathbf{e}$  — единичный вектор вдоль направления электрического поля,  $\mathbf{d}$  — дипольный момент,  $k^2 = 1/3$  — отношение сил осцилляторов электронно-дырочной рекомбинации с участием соответственно легкой и тяжелой дырок. Учет обменного  $sp-d$ -взаимодействия не измен-

няет этих выражений до тех пор, пока зеемановское расщепление заметно меньше  $E_{lh-hh}$ .

Величины эффективных  $g$ -факторов при  $B = 0$  характеризуют влияние  $sp-d$ -взаимодействия ионов Mn с электрона и дырками. Из анализа энергий переходов в трионе на рис. 4, 5 следует, что расщепление компонент в геометрии Фойгта в образце № 1 описывается двумя  $g$ -факторами, равными  $1.2 \pm 0.2$  и  $2.4 \pm 0.2$ . Учитывая, что в немагнитных КТ CdSe/ZnSe  $g_e \approx 1.1$ , а обменное взаимодействие с ионами Mn дает большой положительный вклад в  $g$ -фактор, мы приписываем значение  $2.4 \pm 0.2$   $g$ -фактору электрона  $g_{eff}^e = \Delta E_{1,2}^e / \mu_B B$ . Таким образом,  $g$ -фактору дырки в поле  $\mathbf{B} \perp \mathbf{z}$  отвечает  $g_{\perp}^h = \Delta E_{1,2}^h / \mu_B B = 1.2 \pm 0.2$ .

В геометрии Фарадея из аппроксимации расщепления  $\sigma^+$ - и  $\sigma^-$ -компонент следует, что  $g_{eff}^e - 3g_{eff}^h = 6.0 \pm 0.3$ . Принимая во внимание найденное выше значение эффективного электронного  $g$ -фактора  $g_{eff}^e = 2.4 \pm 0.2$  и последовательность  $\sigma^+$ - и  $\sigma^-$ -компонент в спектре, находим, что  $3g_{eff}^h = \Delta E_{1,2}^h / \mu_B B = -3.6 \pm 0.3$ . В образце № 2 с большим проникновением волновых функций (рис. 1б) расщепление  $\sigma^+$ - и  $\sigma^-$ -компонент отвечает разности  $g_{eff}^e - 3g_{eff}^h = 19 \pm 0.4$ , эффективный электронный  $g$ -фактор из аппроксимации в геометрии Фойгта  $g_{eff}^e = 5.2 \pm 0.3$ . Отсюда следует, что  $3g_{eff}^h = 13.8 \pm 0.3$ . Вычитая из найденных значений эффективных  $g$ -факторов электронов и дырок их значения в немагнитных КТ, находим, что вклады от обменного взаимодействия электронов и дырок с ионами Mn равны соответственно  $g_{eff}^e - g_e = 1.3$  и  $3g_{eff}^h - 3g_h = -6.1$  для образца № 1 и  $g_{eff}^e - g_e = 4.1$  и  $3g_{eff}^h - 3g_h = -16.4$  для образца № 2.

Таким образом, отношение вкладов в  $g$ -факторы дырок  $g_{eff}^h$  и электронов  $g_{eff}^e$  в исследуемых КТ составляет около 4 : 1, что совпадает с их отношением в объемном ZnMnSe [15], т. е. доля волновых функций электрона и дырки, находящейся в удаленном барьере ZnMnSe, одинакова. Величина проникновения квадрата волновой функции носителей в удаленный барьер ZnMnSe ( $\eta_{e,h}$ ) может быть оценена из значений подгоночных параметров  $G = G_h - G_e$ , поскольку согласно формулам (6) и (10) величина  $\eta \propto G$ . Для КТ в образцах № 1 и № 2 величины  $G$  равны соответственно  $-3.2$  мэВ и  $-7.1$  мэВ. Ранее [3] было найдено, что в КТ CdSe/ZnMnSe без промежуточного барьера ZnSe с примерно такой же эффективной концентрацией магнитной примеси  $G = -30 \div 34$  мэВ. В КТ CdSe/ZnMnSe доля квадрата волновой функции в полумагнитном барьере

легко оценивается из расчетов:  $\eta_{e,h} \sim 50\%$ . Таким образом, в исследованных образцах  $\eta_{e,h}$  составляет примерно 5 % (образец № 1) и 12 % (образец № 2).

### 3.3. Оже-рекомбинация и спиновая релаксация

Добавление Mn в полупроводники ведет к ускорению спиновой релаксации электронов и дырок, вследствие чего в магнитном поле наблюдается излучение только из основного состояния [3, 7]. Кроме того, в КТ CdSe с шириной запрещенной зоны, превышающей энергию внутрицентрового перехода в Mn из состояния  ${}^6A_1$  в состояние  ${}^4T_1$ , равную около 2.1 эВ, добавление марганца приводит к существенному уменьшению времени жизни экситонных состояний вследствие эффективной безызлучательной оже-рекомбинации экситонов с возбуждением электронов Mn [9]. Скорость оже-рекомбинации зависит от концентрации марганца, величин волновых функций электрона и дырки на атоме Mn и спинов электрона, дырки и ионов Mn. Как было получено в измерениях время-разрешенной ФЛ на массиве КТ в  $Cd_{1-x}Mn_xSe/ZnSe$  с  $x \sim 0.1$ , время оже-рекомбинации при  $B = 0$  оказывается меньше, чем 10 пс.

Для измерения времени жизни заряженных экситонов в КТ CdSe/ZnSe/ZnMnSe с малой (порядка 5 %) долей электронных волновых функций в полумагнитном барьере (рис. 1а) была исследована кинетика излучения при импульсном пикосекундном возбуждении (рис. 3). Затухание линии ФЛ трионов имеет экспоненциальный характер с временем  $\tau \sim 350$  пс и почти не изменяется в магнитном поле как для основного, так и для возбужденного состояний. Найденное время жизни трионов близко к их времени жизни в немагнитных КТ (порядка 500 пс) [19]. Таким образом, в КТ с  $\eta_{e,h} \sim 5\%$  обменное взаимодействие спинов электронов и дырок со спинами ионов Mn еще не приводит ни к заметной безызлучательной оже-рекомбинации, ни к заметному изменению скорости спиновой релаксации, хотя при этом обменный вклад в  $g$ -фактор дырок уже превышает его величину в немагнитных КТ.

При увеличении доли волновой функции электронов и дырок в полумагнитном барьере ситуация заметно изменяется. Для образца № 2 (рис. 1б) квантовый выход излучения из заряженных КТ в нулевом магнитном поле почти на порядок величины меньше, чем для образца № 1. Следовательно, в образце № 2 безызлучательный канал

оже-рекомбинации экситонов становится доминирующим. Включение магнитного поля ведет к нетривиальному поведению интенсивности излучения из основного и возбужденного электронно-дырочных состояний в КТ. Так, в трионе (рис. 1) с  $g_{eff}^e > 0$ ,  $g_{eff}^h < 0$  переходу из основного спинового состояния с  $j_z = 3/2$  отвечает низкоэнергетическая  $\sigma^+$ -компоненты. Поэтому естественно ожидать, что при наличии спиновой релаксации дырок интенсивность этой компоненты будет расти с полем, а фиолетовой  $\sigma^-$ -компоненты, отвечающей переходу из возбужденного спинового состояния, — уменьшаться. Однако на рис. 1б видно, что в магнитном поле интенсивность  $\sigma^+$ -компоненты почти не изменяется, в то время как интенсивность фиолетовой  $\sigma^-$ -компоненты растет с увеличением поля.

Такое поведение спектра излучения в магнитном поле связано с различием времен оже-рекомбинации с возбуждением иона Mn из состояния  ${}^1A_6$  ( $s_{Mn} = 5/2$ ) в возбужденное состояние  ${}^4T_1$  ( $s_{Mn} = 3/2$ ) для трионов с  $J_z = 3/2, -3/2$ , вытекающим из требования сохранения при оже-рекомбинации проекции полного спина системы трион + ион марганца  $S_z = s_{Mn,z} + s_z$ . Здесь  $s_{Mn,z}$  — проекция спина иона Mn, а  $s_z$  — спин дырки. Действительно, в силу слабого спин-орбитального взаимодействия начальное и конечное состояния иона марганца в кристаллическом поле характеризуются спином и его проекцией при условии, что магнитное поле достаточно для выстраивания спинов Mn ( $g_{Mn}\mu_B B > kT$ ). Орбитальный момент электронов  $d$ -оболочки и его проекция перестают быть хорошими квантовыми числами под действием кристаллического поля. С другой стороны, в сильном магнитном поле  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{z}$  состояния тяжелой дырки наряду с определенной проекцией момента  $j_z = \pm 3/2$  характеризуются и определенной проекцией спина  $s_z$  (для легкой дырки  $|\pm 1/2\rangle$  это утверждение уже неверно). Поскольку центральное кулоновское взаимодействие между электронами валентной зоны и  $d$ -электронами марганца не смешивает состояний с разными  $S_z$ , правила отбора для оже-рекомбинации электронно-дырочных комплексов в КТ определяются равенством  $S_z$  в начальном и конечном состояниях. Заметим, что оже-рекомбинация возможна только благодаря  $p-d$ -взаимодействию локализованных электронов  $d$ -оболочки Mn с делокализованными электронами валентной зоны, так как в этом случае кулоновские интегралы оже-перехода не равны нулю благодаря подмешиванию нечетных состояний валентной зоны к четным состояниям  $3d^5$ -оболочки Mn [9].

Рассмотрение правил отбора для оже-рекомбина-

ции показывает, что в магнитном поле, достаточном для выстраивания спинов Mn, оже-рекомбинация дырки в основном состоянии триона ( $j_z = 3/2$ ) разрешена для перехода в основное состояние электрона в КТ с  $s_z = -1/2$ , поскольку такой переход удовлетворяет закону сохранения суммы проекций спина иона Mn  $s_{Mn,z}$  и спинов электронов и дырок в КТ. Действительно, в этом случае в исходном состоянии спин Mn  $s_{Mn,z} = -5/2$ , в трионе с  $j_z = 3/2$  полный спин электронов равен нулю, спин дырки в состоянии  $j_z = 3/2$  равен  $s_z = 1/2$ , и, следовательно, в трионе  $s_{trion,z} = 1/2$ , а полная сумма проекций  $S_z = -2$ . В конечном состоянии оже-перехода марганца находится в возбужденном состоянии  ${}^4T_1(3/2)$ . Проекция спина Mn в этом состоянии  $s_{Mn,z}({}^4T_1) \geq -3/2$ , поэтому единственным разрешенным переходом является переход в состояние с проекцией спина электрона КТ  $s_z = -1/2$  и проекцией спина марганца  $s_{Mn,z} = -3/2$ . Для триона в возбужденном спиновом состоянии  $j_z = -3/2$ , проекция спина триона  $s_{trion,z} = -1/2$ , сумма  $S_z = s_{trion,z} + s_{Mn,z} = -3$ , в то время как в конечном состоянии минимальное значение  $S_z = -2$ . Как следствие, оже-переходы из возбужденного спинового состояния триона оказываются запрещенными, а на квантовый выход излучения из этого состояния влияет только спиновая релаксация дырок в трионе.

Из сказанного выше следует, что соотношение интенсивностей основного и возбужденного состояний триона в КТ определяется соотношением трех времен: времени излучательной рекомбинации  $\tau_r$ , времени оже-рекомбинации  $\tau_{Auger}$  и времени спиновой релаксации дырок  $\tau_s$ . В частности, относительный рост заселения возбужденного состояния происходит при  $\tau_{Auger} < \tau_s/2$ . Таким образом, из эксперимента следует, что добавление марганца в барьер КТ CdSe в поле  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{z}$  оказывает существенно большее влияние на скорость оже-рекомбинации, чем на скорость спиновой релаксации дырок. Малая скорость спиновой релаксации дырок в поле  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{z}$  обусловлена тем, что она требует изменения  $\Delta j_z = 3$ . В поле  $\mathbf{B} \perp \mathbf{z}$ , смещающем состояния дырок с  $j_z = 3/2, -3/2$ , наличие ионов Mn, наоборот, ведет к быстрой спиновой релаксации дырок уже при  $\eta_{e,h} \sim 12\%$ . В то же время, смешивание дырочных состояний с  $j_z = 3/2, -3/2$  в поле  $\mathbf{B} \perp \mathbf{z}$  приводит к тому, что выстраивание спинов Mn в сильном магнитном поле оставляет разрешенной безызлучательную оже-рекомбинацию и в нижнем, и в верхнем спиновом состояниях триона. Как следствие, в геометрии Фойгта в спектре излучения наблюдаются переходы только из основного состояния триона.

#### 4. ВЫВОДЫ

Низкотемпературные исследования спектров ФЛ индивидуальных КТ CdSe/ZnSe/ZnMnSe с относительно малой величиной обменного  $sp-d$ -взаимодействия между ионами магнитной примеси и носителями заряда в КТ в магнитном поле до 12 Тл, ориентированном как вдоль, так и поперек плоскости роста структуры, позволили наблюдать, разрешить спектрально и идентифицировать зеемановские компоненты в спектрах излучения отрицательно заряженных экситонов. Величина обменного взаимодействия регулировалась путем изменения доли волновых функций носителей ( $\eta_{e,h}$ ) в полумагнитном барьере с помощью вариации толщины немагнитного барьера ZnSe. Проанализирован эффект взаимодействия носителей заряда с ионами Mn в отсутствие поля и в магнитном поле при различных ориентациях поля относительно осей КТ на энергетическую структуру уровней трионов, скорость их оже-рекомбинации с возбуждением ионов Mn и скорость спиновой релаксации.

Найдено, что вплоть до  $\eta_{e,h} \sim 5\%$  скорости спиновой релаксации и безызлучательной оже-рекомбинации трионов в КТ CdSe/ZnSe/ZnMnSe остаются меньше времени излучательной рекомбинации. При этом эффективный  $g$ -фактор дырки в магнитном поле, перпендикулярном плоскости КТ, уже меняет знак и достигает значения  $3g_{eff}^h = -3.6 \pm 0.3$ . Дальнейшее увеличение  $\eta_{e,h}$  до 12 % ведет к существенному уменьшению квантового выхода излучения трионов как в нулевом поле, так и в поле, параллельном плоскости КТ из-за роста скорости оже-рекомбинации с возбуждением электронов Mn. В геометрии Фарадея магнитное поле приводит к возгоранию излучения из возбужденного состояния трионов ( $j_z = -3/2$ ), в то время как интенсивность излучения из основного состояния остается низкой. Показано, что такое неожиданное поведение излучения трионов при  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{z}$  обусловлено двумя факторами: запретом оже-рекомбинации из состояний триона с  $j_z = -3/2$  и малой эффективностью спиновой релаксации дырок в трионе, требующей изменения  $\Delta j_z = 3$ . В поле  $\mathbf{B} \perp \mathbf{z}$ , смещающем состояния дырок с  $j_z = 3/2, -3/2$ , наличие ионов Mn ведет к быстрой спиновой релаксации дырок уже при  $\eta_{e,h} \sim 12\%$ .

Авторы выражают благодарность А. В. Кудинову, К. В. Кавокину, Ю. Г. Кусраеву, А. А. Максимову и Е. Л. Ивченко за плодотворное обсуждение работы. Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. B. Patton, W. Langbein, and U. Woggon, Phys. Rev. B **68**, 125316 (2003).
2. A. Hundt, J. Puls, and F. Henneberger, Phys. Rev. B **69**, 121309 (2004).
3. P. S. Dorozhkin, A. V. Cherenko, V. D. Kulakovskii, A. S. Brichkin et al., Phys. Rev. B **68**, 195313 (2003).
4. P. S. Dorozhkin, V. D. Kulakovskii, A. V. Cherenko, A. S. Brichkin et al., Appl. Phys. Lett. **86**, 062507 (2005).
5. P. S. Dorozhkin, A. S. Brichkin, V. D. Kulakovskii, A. V. Cherenko et al., Phys. Stat. Sol. (a) **202**, 2609 (2005).
6. D. D. Awschalom, D. Loss, and N. Samarth, *Semiconductor Spintronics and Quantum Computations*, Springer-Verlag, Berlin (2002).
7. A. A. Maksimov, G. Bacher, A. McDonald et al., Phys. Rev. B **62**, R7767 (2000).
8. G. Bacher, A. A. Maksimov, H. Schoemig et al., Phys. Rev. Lett. **89**, 127201 (2002).
9. A. V. Cherenko, P. S. Dorozhkin, V. D. Kulakovskii, A. S. Brichkin et al., Phys. Rev. B **72**, 045302 (2005).
10. A. V. Kudinov, I. A. Akimov, Yu. G. Kusraev, and F. Henneberger, Phys. Rev. B **70**, 241305R (2004).
11. Y. Léger, L. Besombes, L. Maingault et al., Phys. Stat. Sol. (b) **243**, 3912 (2006).
12. V. D. Kulakovskii, G. Bacher, R. Weigand et al., Phys. Rev. Lett. **82**, 1780 (1999).
13. J. Puls, M. Rabe, H.-J. Wuensche, and F. Henneberger, Phys. Rev. B **60**, R16303 (1999).
14. E. L. Ivchenko and G. E. Pikus, *Superlattices and Other Heterostructures: Symmetry and Optical Phenomena*, Springer-Verlag, New York (1995).
15. J. K. Furdyna, J. Appl. Phys. **64**, R29 (1988).
16. I. A. Merkulov and K. V. Kavokin, Phys. Rev. B **52**, 1751 (1995).
17. Yu. G. Kusraev, A. V. Koudinov, I. G. Aksyanov et al., Phys. Rev. Lett. **82**, 3176 (1999).
18. J. A. Gupta, D. D. Awschalom, A. L. Efros, and A. V. Rodina, Phys. Rev. B **66**, 125307 (2002).
19. T. Flissikowski, I. A. Akimov, A. Hundt, and F. Henneberger, Phys. Rev. B **68**, 161309R (2003).